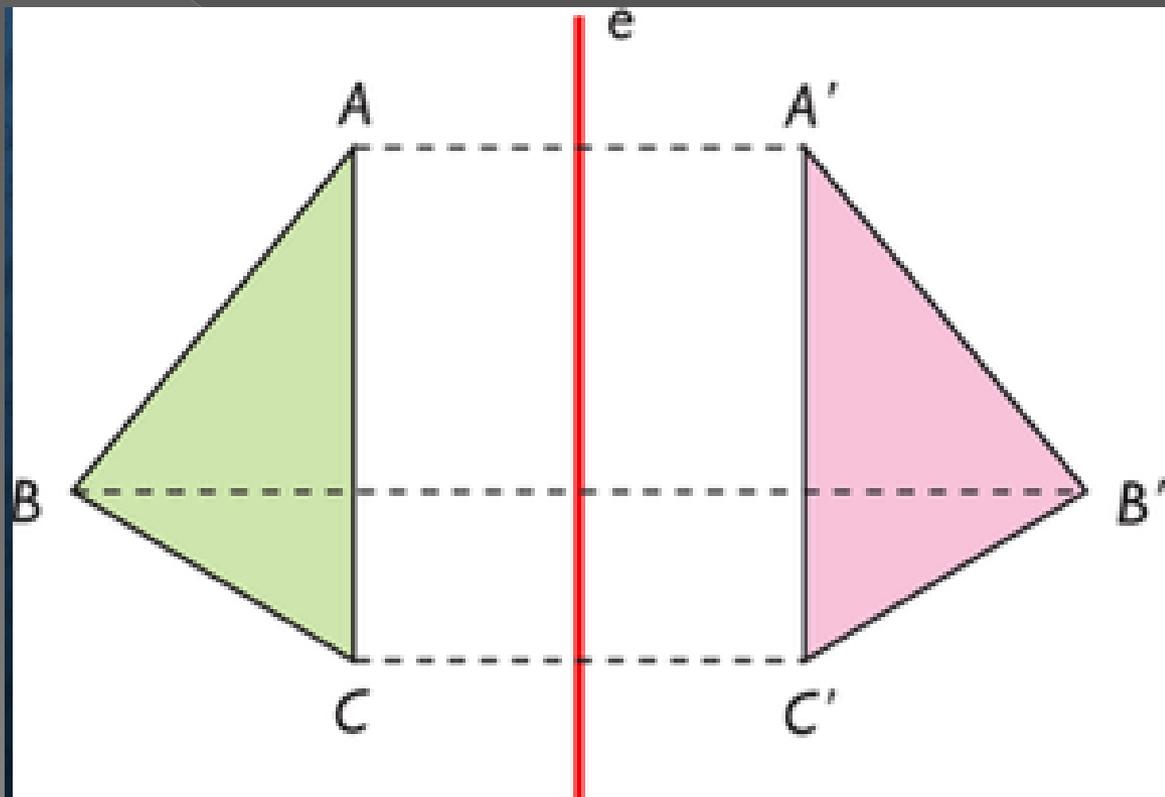


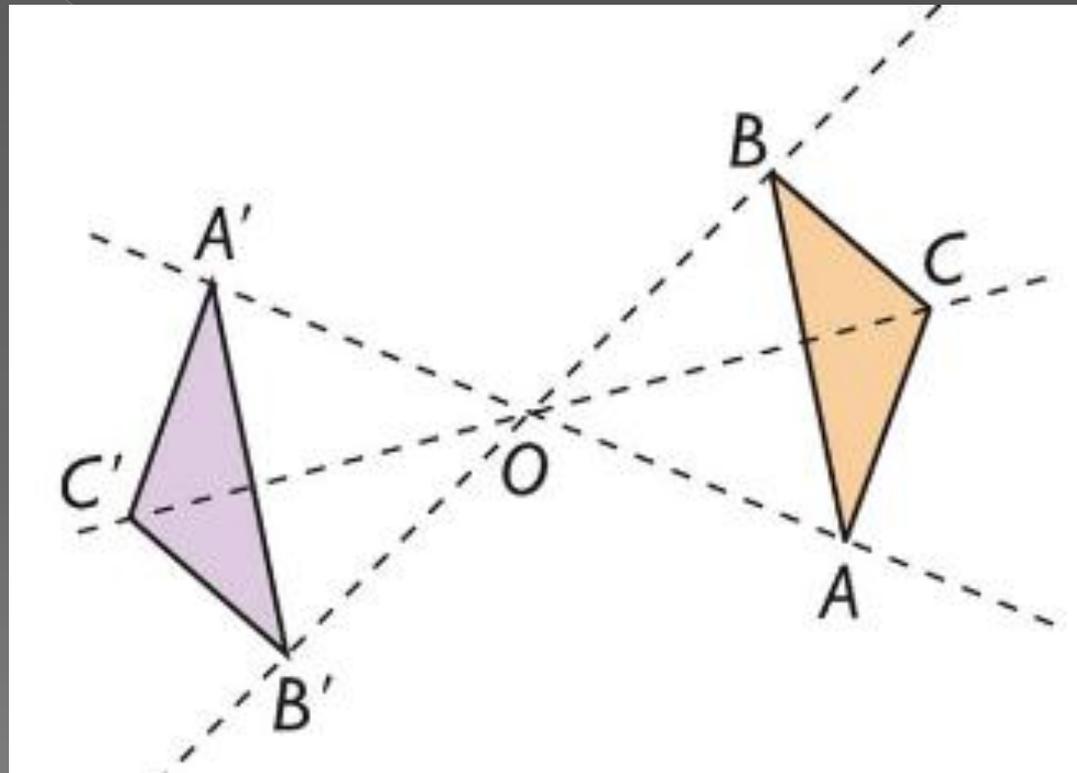
UNIDAD 5: TRANSFORMACIONES LINEALES

Veremos ahora algunos ejemplos de transformaciones

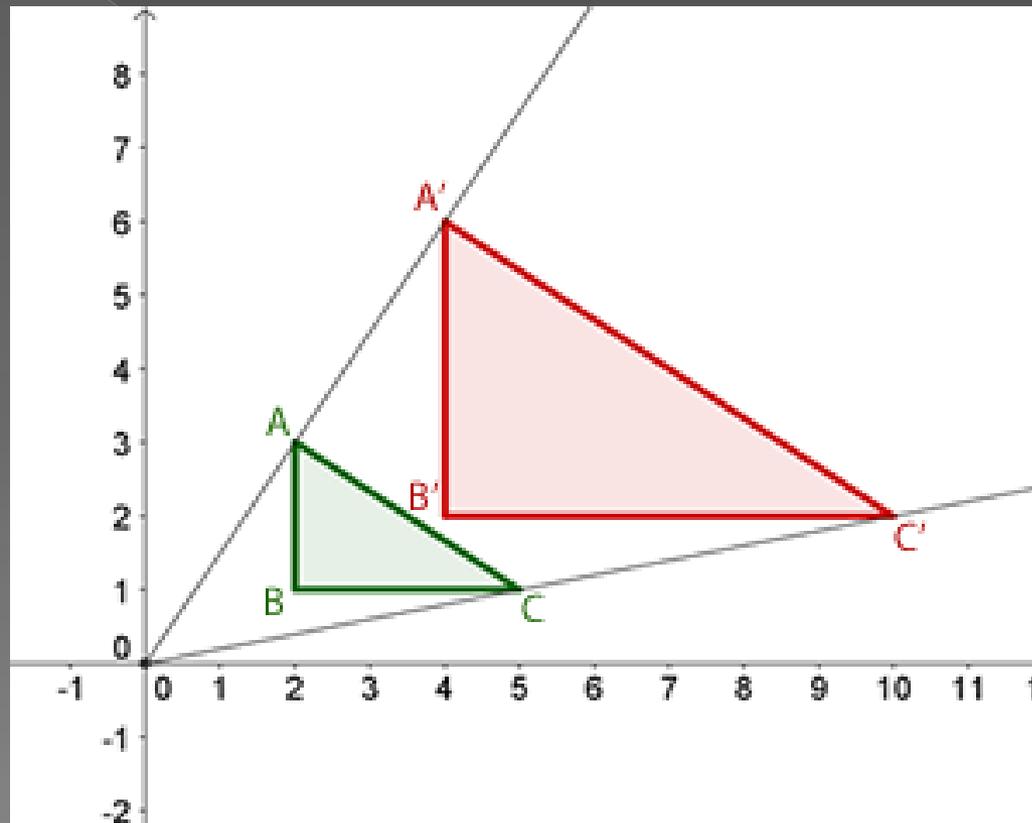
Simetría axial



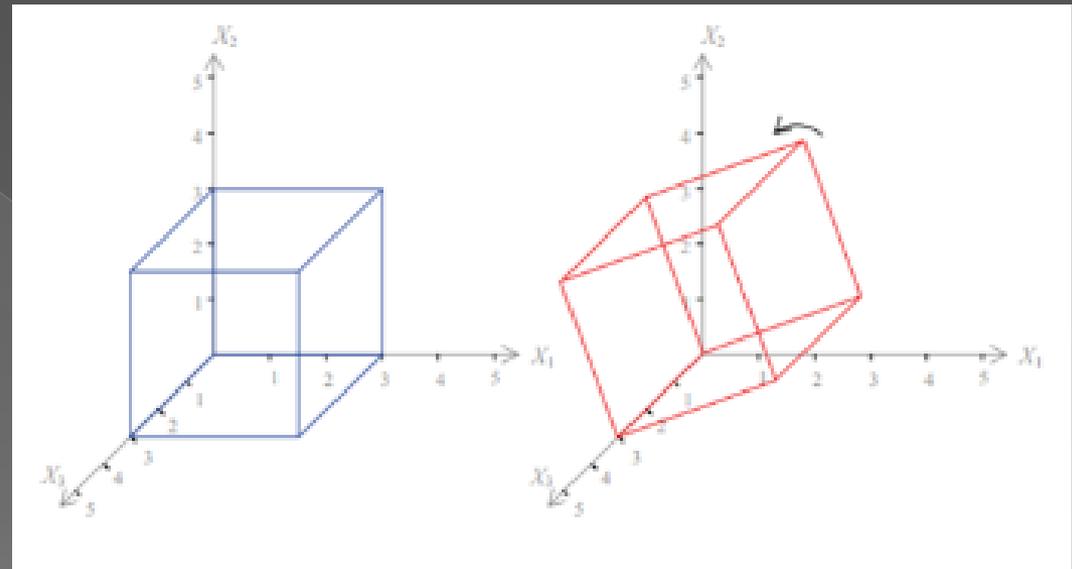
Simetría radial



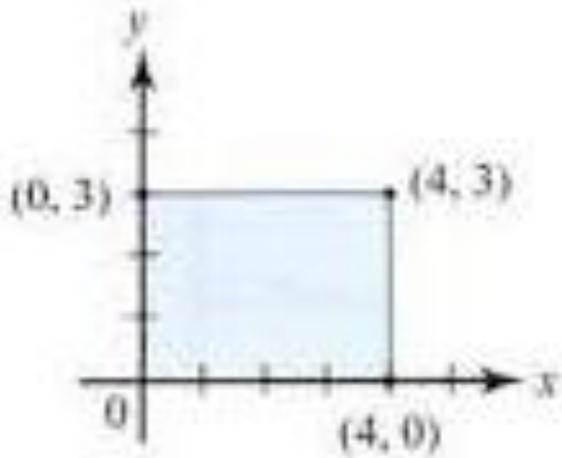
Homotecias



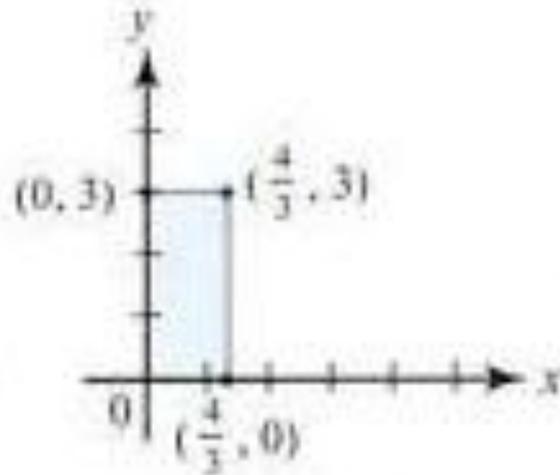
Rotaciones



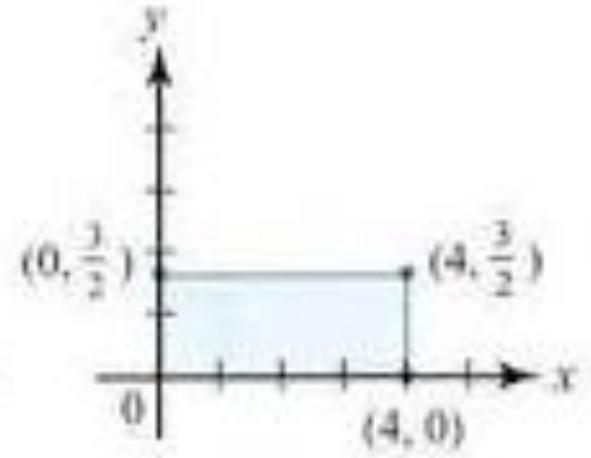
Contracciones



a)

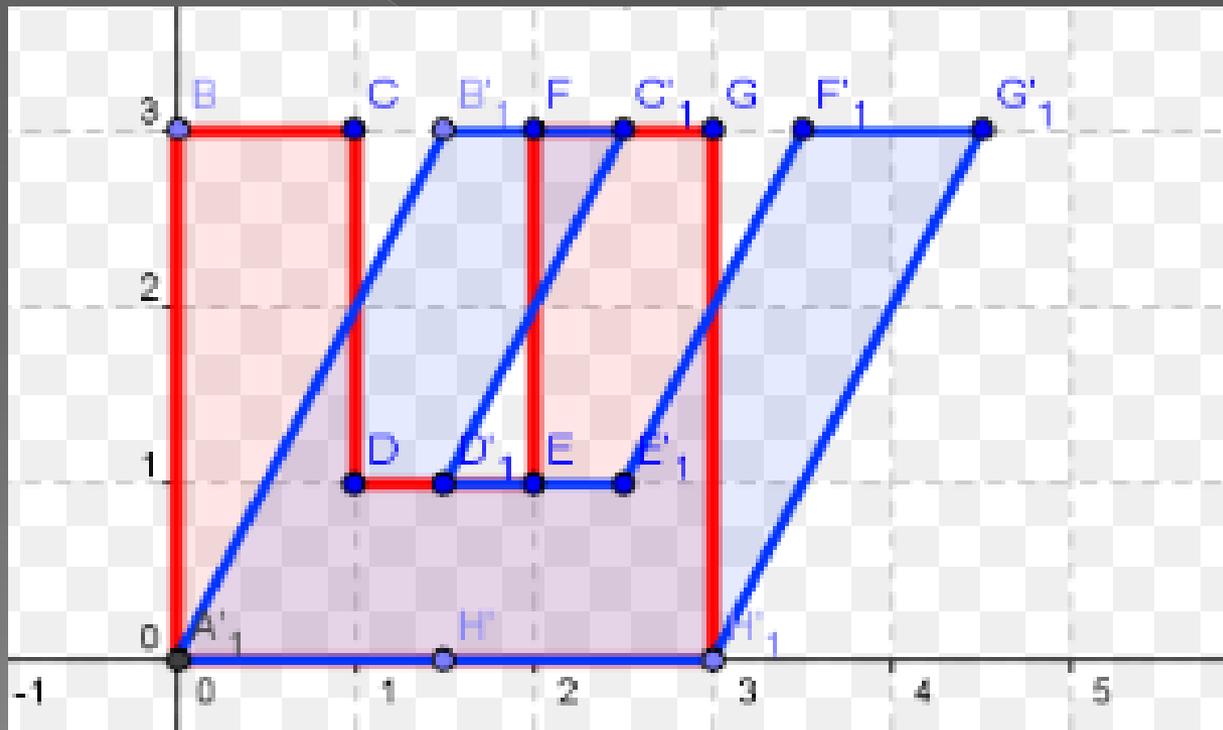


Contracción en x



Contracción en y

Cizalladura



Las Transformaciones lineales presentes en la vida real









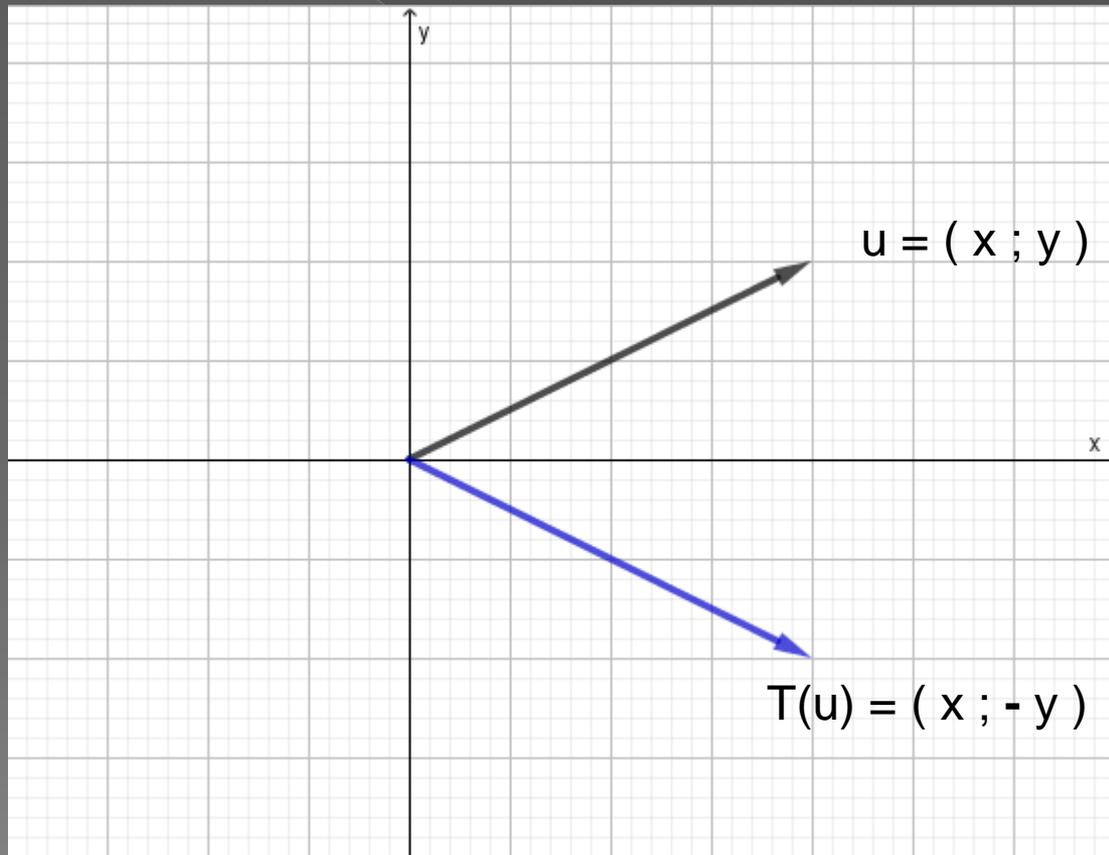
Homotecia o Escalamiento



Proyección sobre un plano

Matrices asociadas estándares especiales en \mathbb{R}^2

a) *Reflexión o simetría respecto del eje de abscisas*

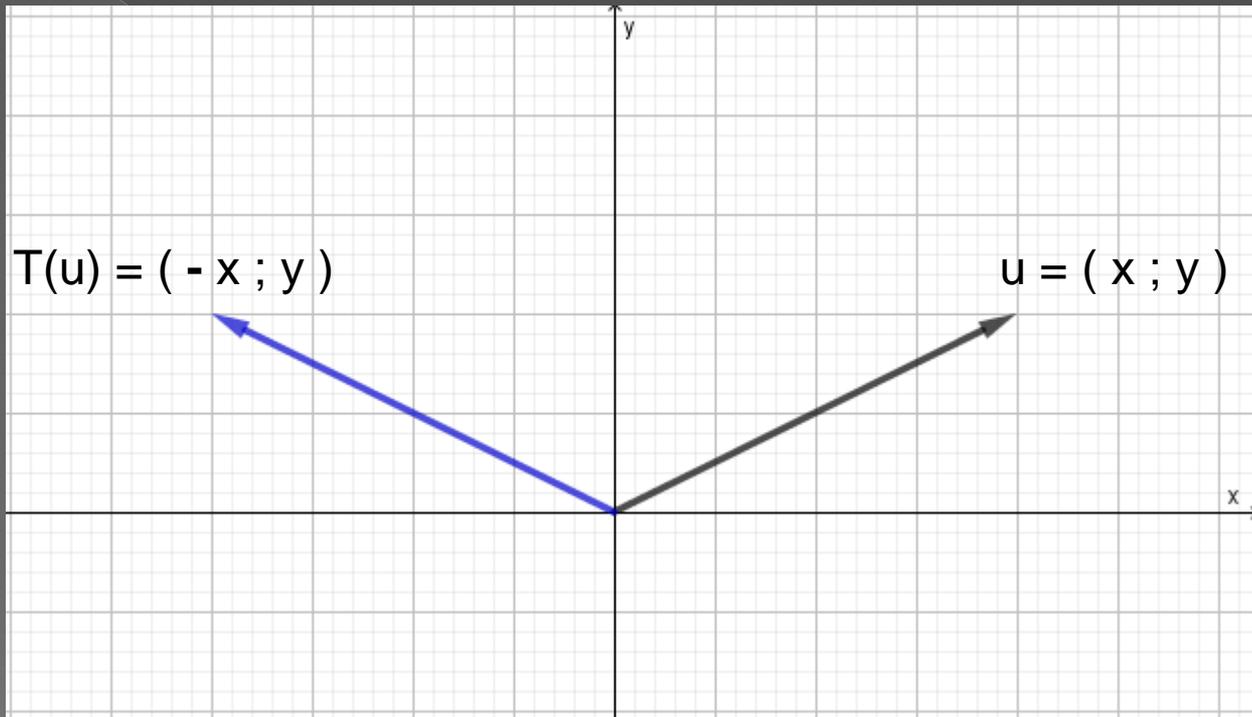


$$T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$$

$$T\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} x \\ -y \end{pmatrix}$$

$$T\left(\begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix}\right) = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & -1 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix}$$

b) Reflexión o simetría respecto del eje de ordenadas

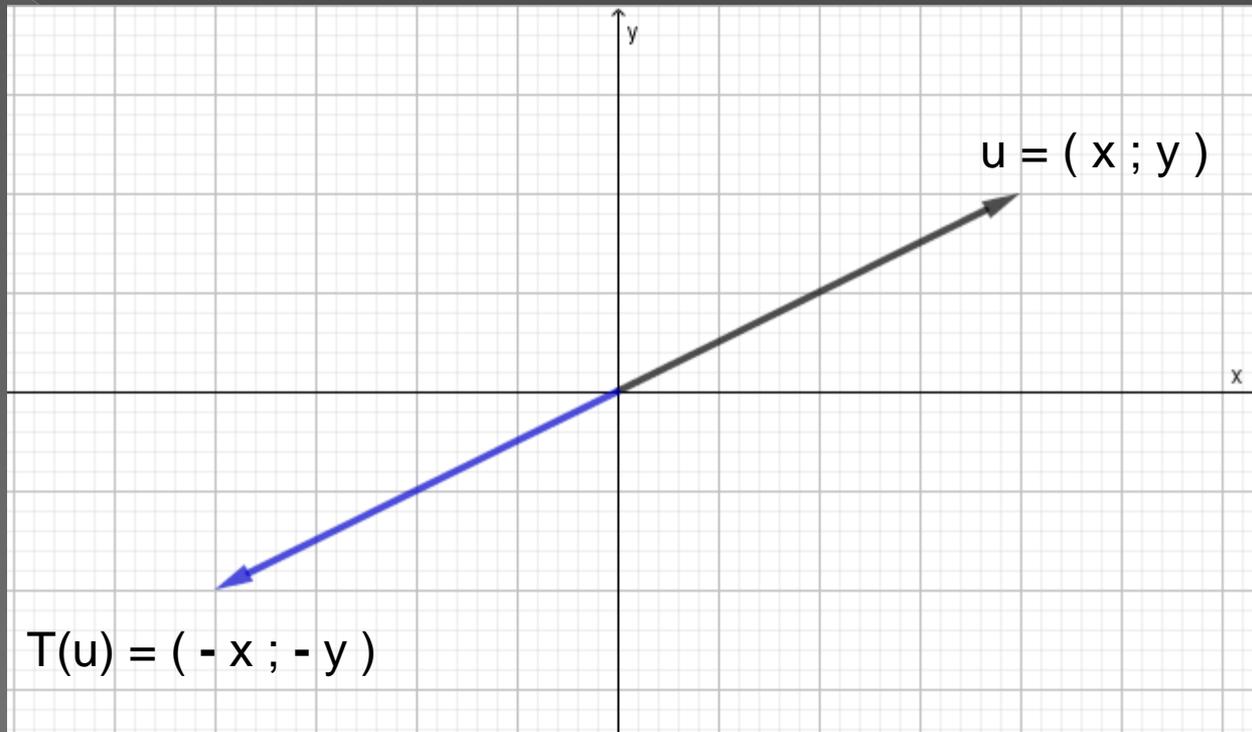


$$T: \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$$

$$T\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} -x \\ y \end{pmatrix}$$

$$T\left(\begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix}\right) = \begin{bmatrix} -1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix}$$

c) Reflexión o simetría respecto del origen de coordenadas

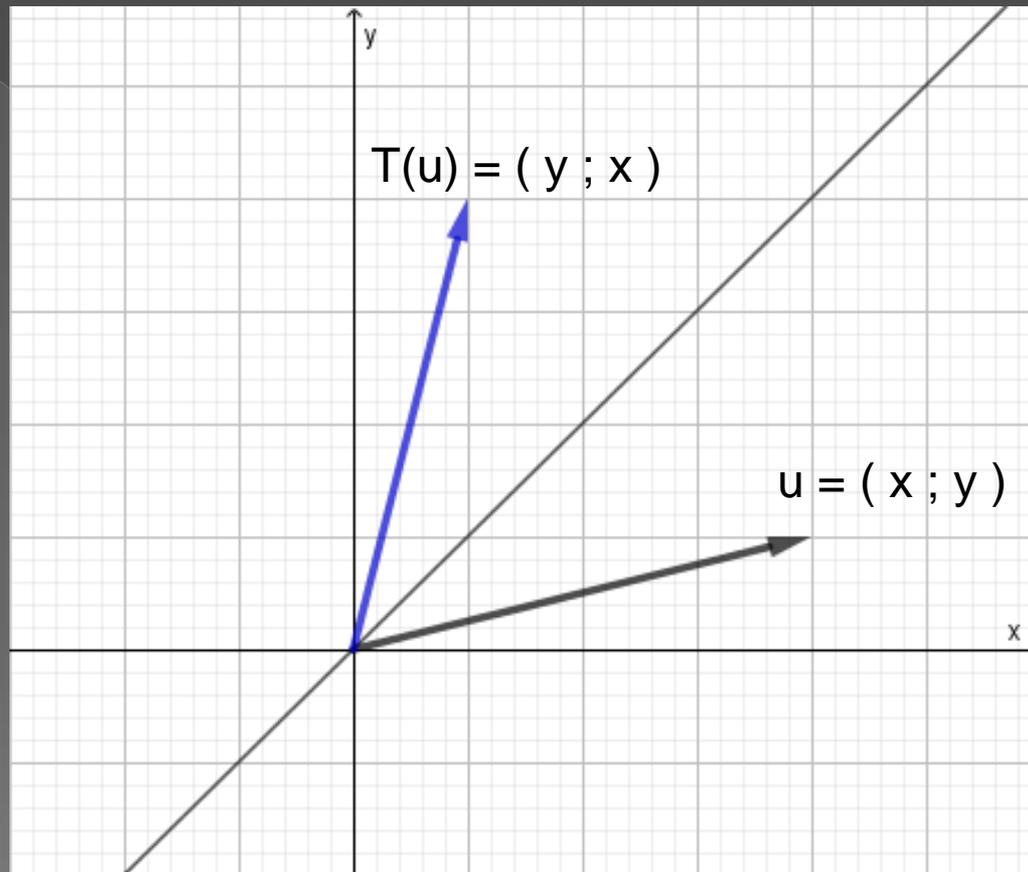


$$T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$$

$$T\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} -x \\ -y \end{pmatrix}$$

$$T\left(\begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix}\right) = \begin{bmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix}$$

d) Reflexión o simetría respecto de la recta identidad

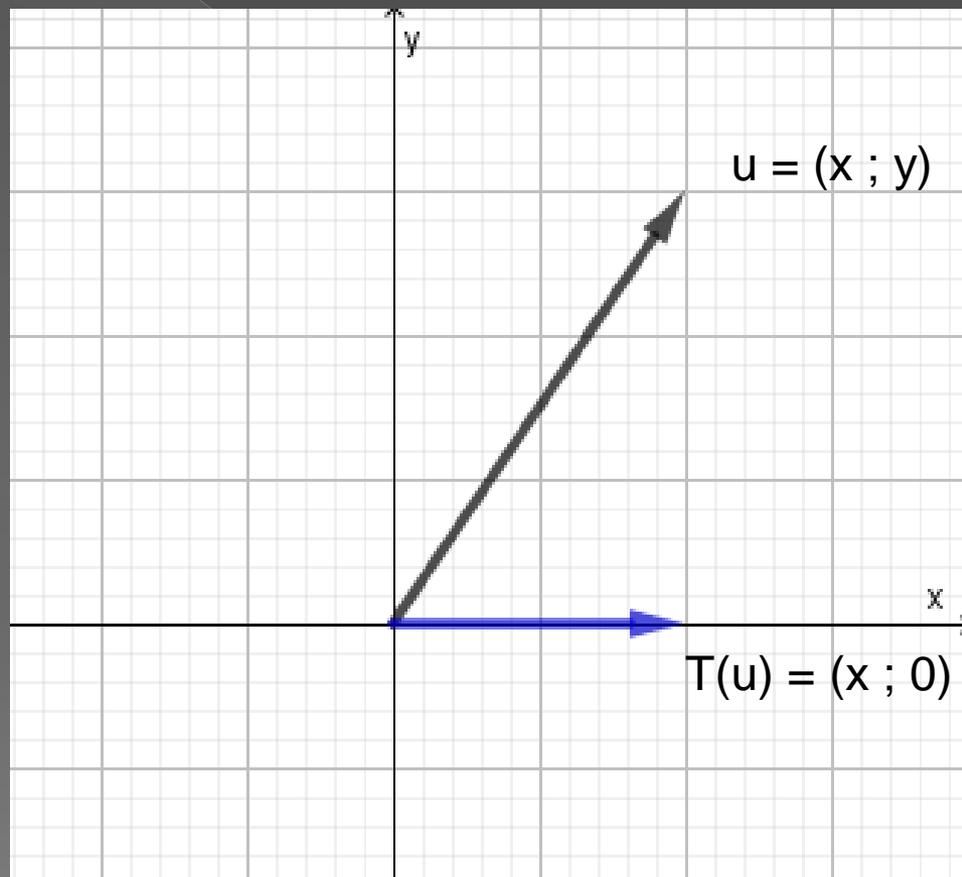


$$T: \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$$

$$T\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} y \\ x \end{pmatrix}$$

$$T\left(\begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix}\right) = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix}$$

e) Proyección sobre el eje x

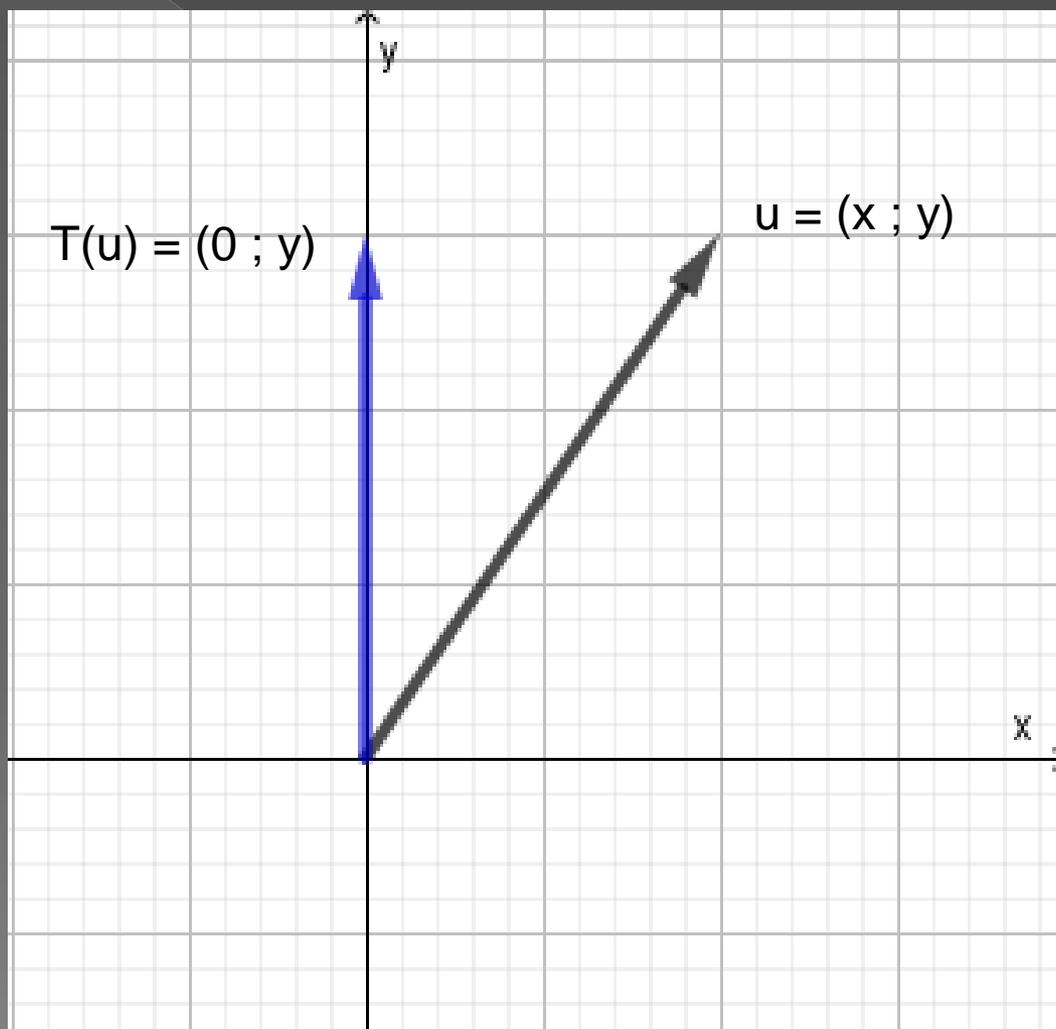


$$T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$$

$$T \left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} \right) = \begin{pmatrix} x \\ 0 \end{pmatrix}$$

$$T \left(\begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} \right) = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 0 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix}$$

f) Proyección sobre el eje y

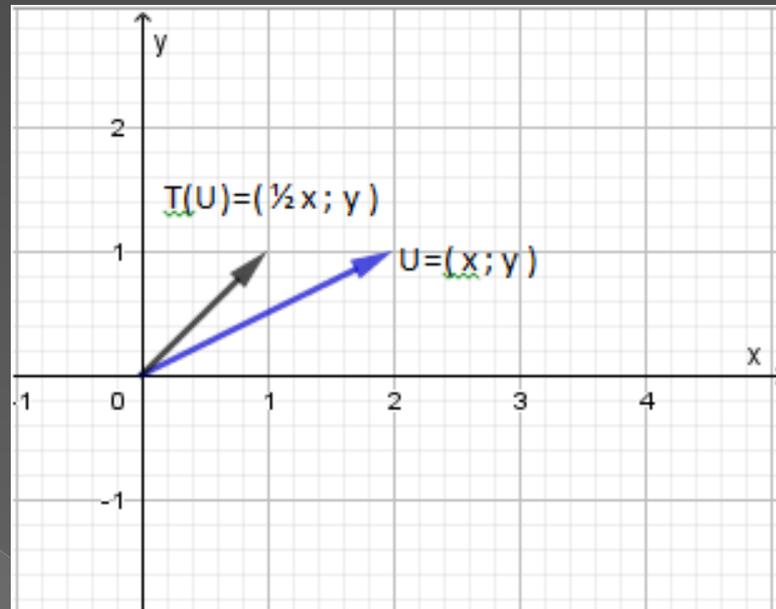
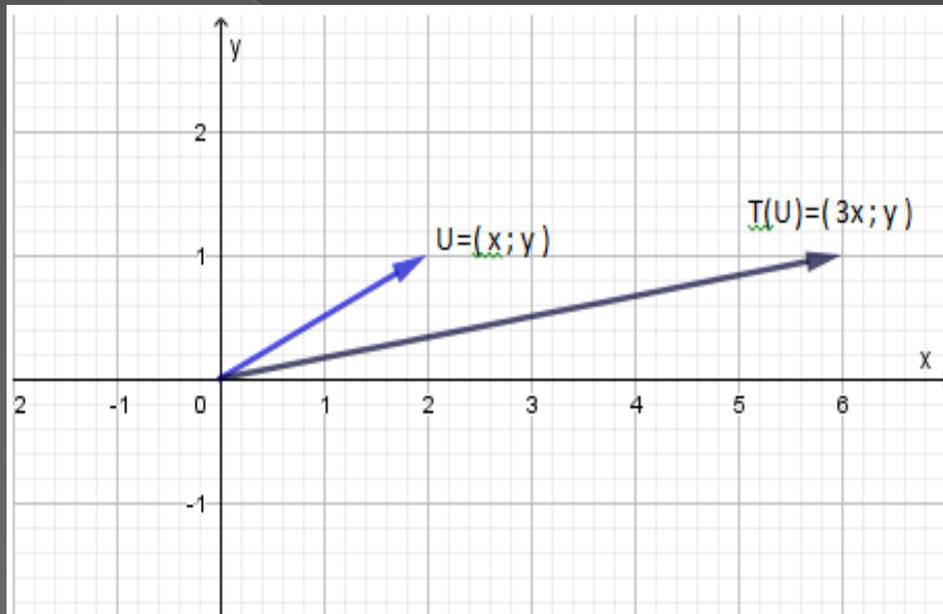


$$T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$$

$$T\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 0 \\ y \end{pmatrix}$$

$$T\left(\begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix}\right) = \begin{bmatrix} 0 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix}$$

g) Dilatación o contracción en la dirección del eje x

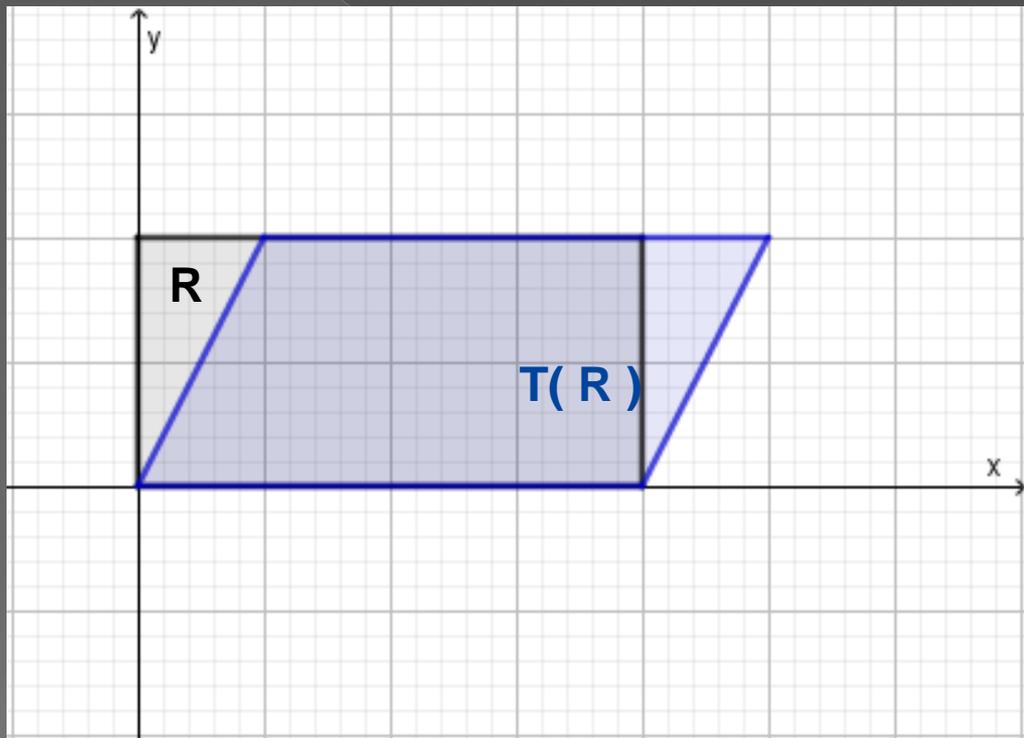


$$T: \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2, \quad k \in \mathbb{R}^+ \text{ y } k \neq 1$$

$$T\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} kx \\ y \end{pmatrix}$$

$$T\left(\begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix}\right) = \begin{bmatrix} k & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix}$$

i) Corte o cizalladura horizontal

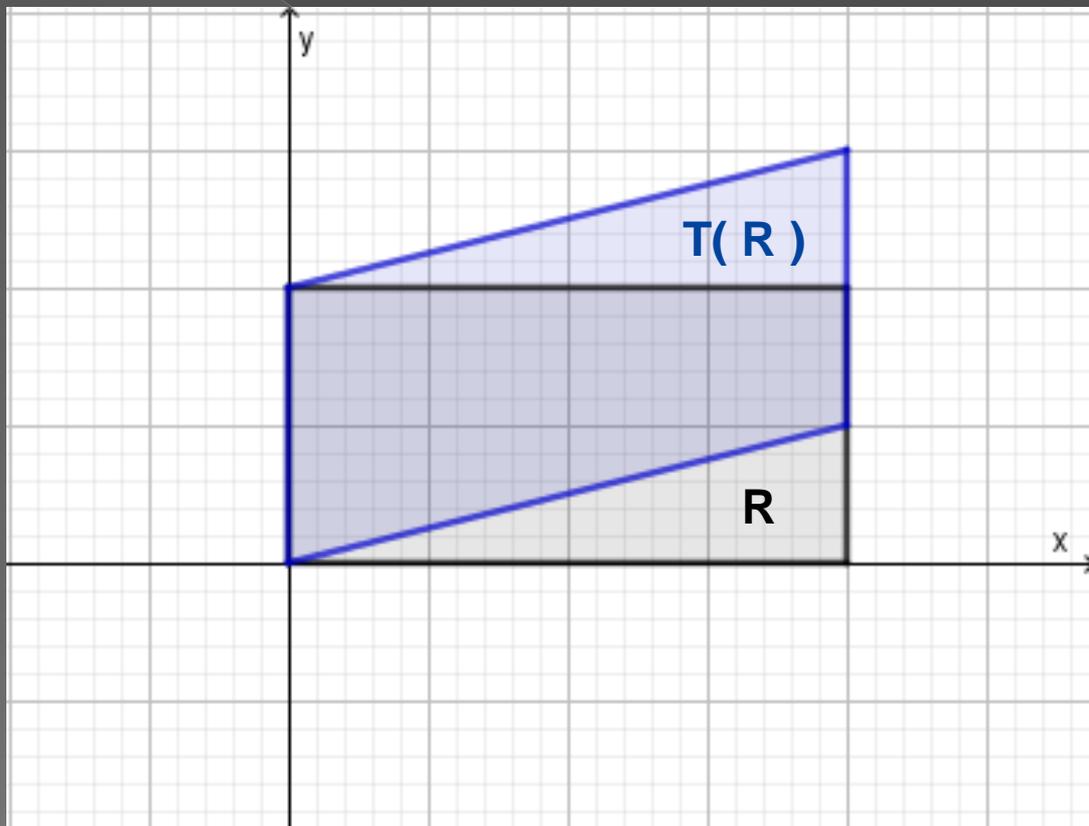


$$T: \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2 \quad k \in \mathbb{R} \text{ y } k \neq 0$$

$$T\left(\begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix}\right) = \begin{bmatrix} x+ky \\ y \end{bmatrix},$$

$$T\left(\begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix}\right) = \begin{bmatrix} 1 & k \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix}$$

j) Corte o cizalladura vertical

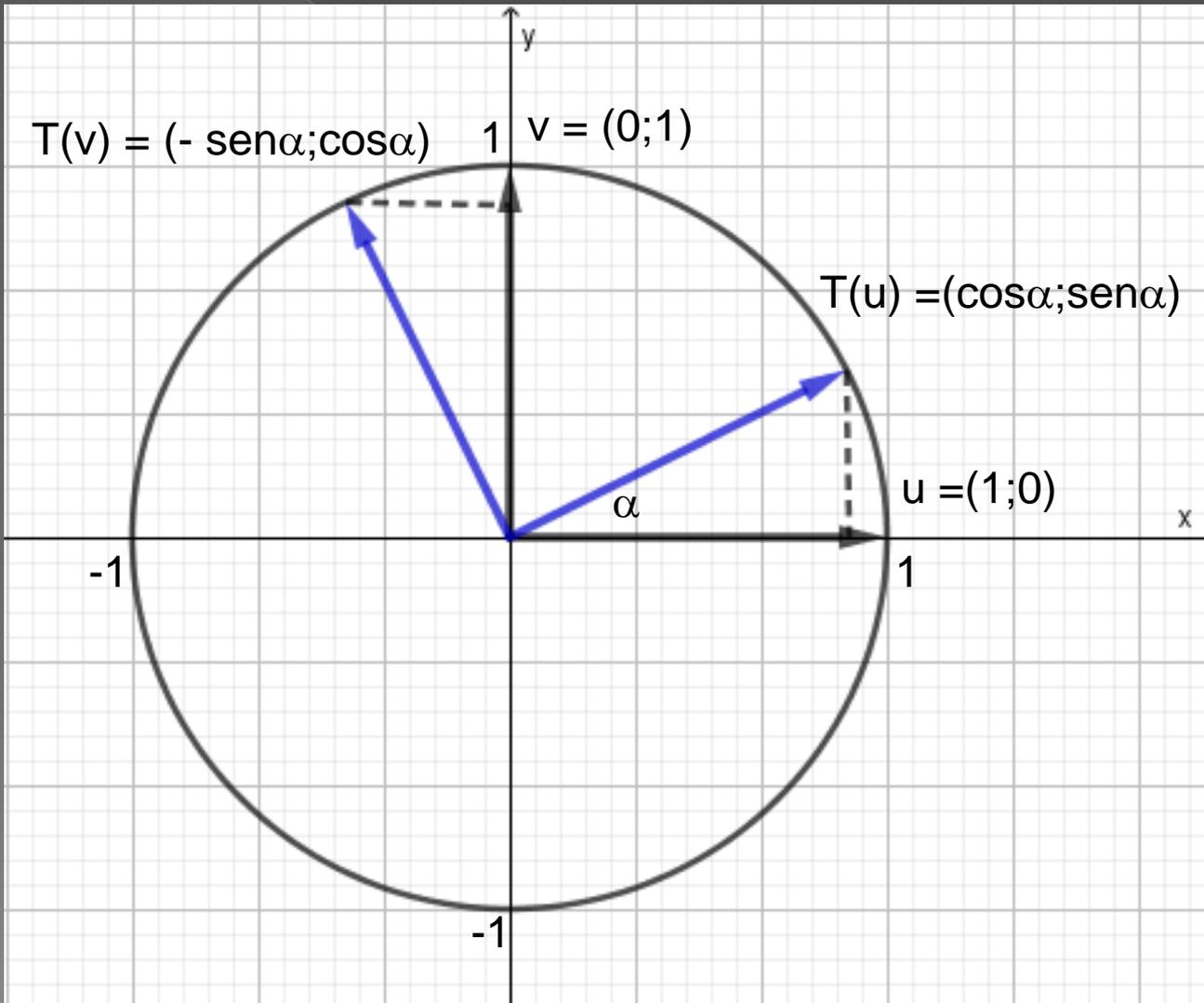


$$T: \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2, \quad k \in \mathbb{R} \text{ y } k \neq 0$$

$$T\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} x \\ y + kx \end{pmatrix}$$

$$T\left(\begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix}\right) = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ k & 1 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix}$$

k) Rotación de ángulo α en sentido positivo



$$T: \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$$

$$T \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} x \cos \theta - y \sin \theta \\ x \sin \theta + y \cos \theta \end{pmatrix}$$

$$T \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = \begin{bmatrix} \cos \theta & -\sin \theta \\ \sin \theta & \cos \theta \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix}$$