



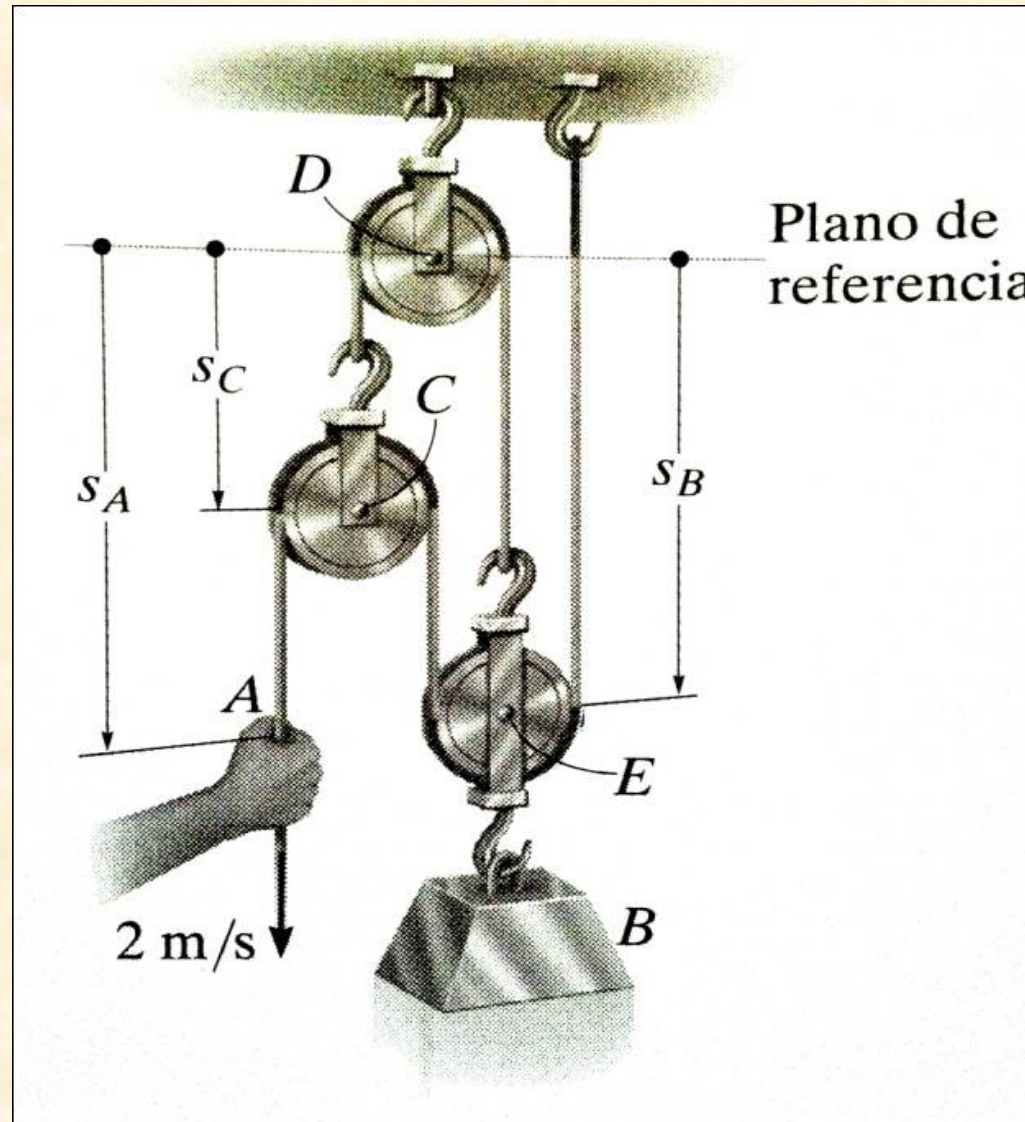
FACULTAD
DE INGENIERÍA

MECÁNICA APLICADA
MECÁNICA Y MECANISMOS

Movimiento Relativo
Componentes normal y tangencial
Componentes radial y transversal

Ing. Carlos Barrera - 2023

Ejerc N° 1) Calcular la velocidad con que se eleva el Bloque B, si el extremo de la cuerda en A es tirado hacia abajo con velocidad de 2 m/s.



$$s_C + s_B = l_1$$

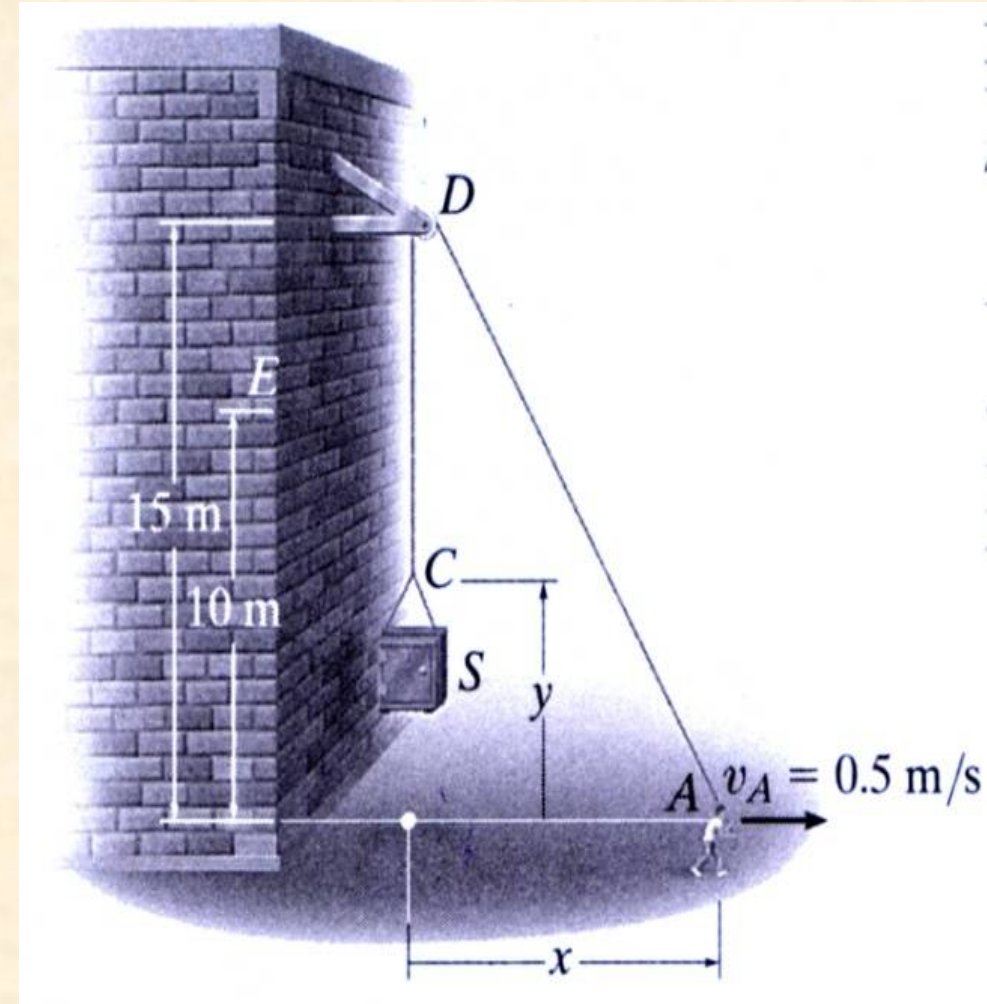
$$(s_A - s_C) + (s_B - s_C) + s_B = l_2$$

$$s_A + 4s_B = l_2 + 2l_1$$

$$v_A + 4v_B = 0$$

$$v_B = -0,5 \frac{m}{s} = 0,5 \text{ m/s } \uparrow$$

Ejerc. N° 2) Un hombre ubicado en A está levantando una caja S, caminando hacia la derecha con velocidad constante de 0,5 m/s. Calcular la velocidad y la aceleración de la caja cuando alcanza la elevación en E. La cuerda tiene 30 m de longitud y pasa sobre una pequeña polea en D.



$$l = l_{DA} + l_{CD}$$

$$30 = \sqrt{15^2 + x^2} + (15 - y)$$

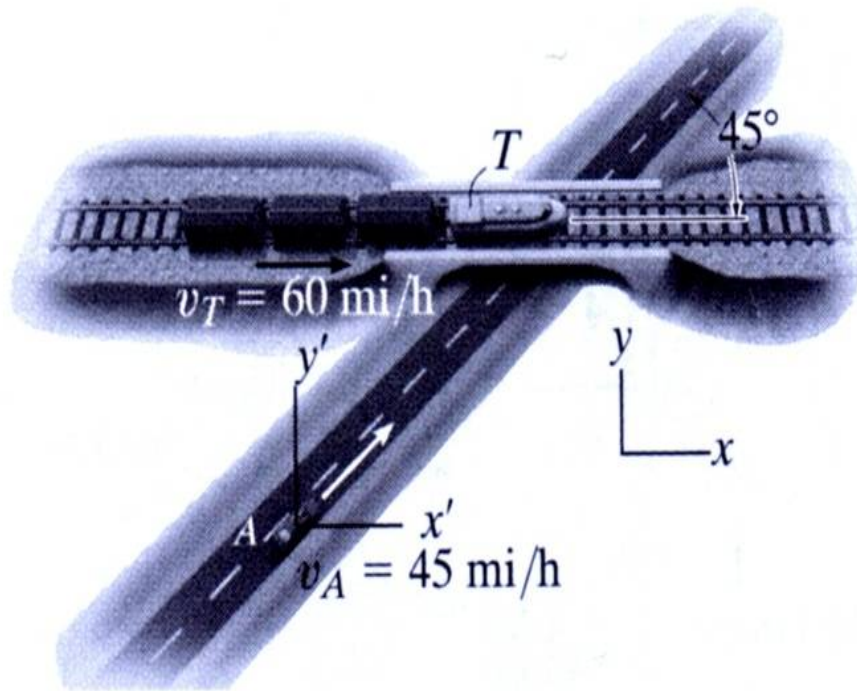
$$y = \sqrt{225 + x^2} - 15$$

$$v_s = \frac{dy}{dt} = \left[\frac{1}{2} \frac{2x}{\sqrt{225 + x^2}} \right] \frac{dx}{dt} = \frac{x}{\sqrt{225 + x^2}} v_A$$

$$v_s = \frac{20}{\sqrt{225 + (20)^2}} (0,5) = 0,4 \frac{m}{s} = 400 \frac{mm}{s} \uparrow$$

$$\begin{aligned}
 a_s = \frac{d^2y}{dt^2} &= \left[\frac{-x \left(\frac{dx}{dt}\right)}{(225 + x^2)^{\frac{3}{2}}} \right] x v_A + \left[\frac{1}{\sqrt{225 + x^2}} \right] \left(\frac{dx}{dt}\right) v_A \\
 &+ \left[\frac{1}{\sqrt{225 + x^2}} \right] x \frac{dv_A}{dt} = \frac{225 v_A^2}{(225 + x^2)^{\frac{3}{2}}}
 \end{aligned}$$

$$a_s = \frac{225 \left(0,5 \frac{m}{s}\right)^2}{(225 + (20m)^2)^{\frac{3}{2}}} = 0,00360 \frac{m}{s^2} = 3,60 \frac{mm}{s^2} \uparrow$$



Ejerc N° 3) Un tren, viajando con velocidad constante de 60 mi/h, cruza sobre un camino. Si el auto A viaja a 45 mi/h a lo largo del camino, calcular la magnitud y la dirección de la velocidad relativa del tren con respecto al auto.

$$\mathbf{v}_T = \mathbf{v}_A + \mathbf{v}_{T/A}$$

$$60\mathbf{i} = (45 \cos 45^\circ \mathbf{i} + 45 \operatorname{sen} 45^\circ \mathbf{j}) + \mathbf{v}_{T/A}$$

$$\mathbf{v}_{T/A} = \{28,2 \mathbf{i} - 31,8\mathbf{j}\} \text{ m i/h}$$

$$v_{T/A} = \sqrt{(28,2)^2 + (-31,8)^2} = 42,5 \text{ m i/h}$$

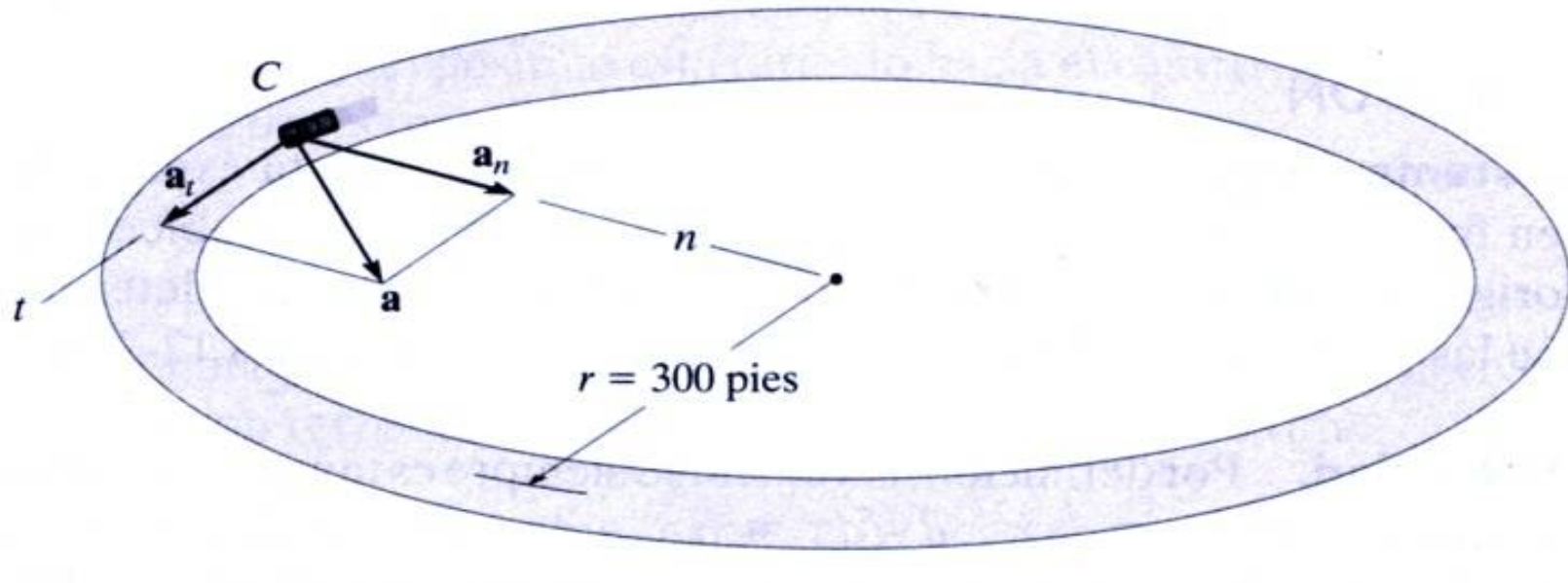
$$\tan \theta = \frac{(\mathbf{v}_{T/A})_y}{(\mathbf{v}_{T/A})_x} = \frac{31,8}{28,2}$$

$$\theta = 48,5^\circ$$

$$\mathbf{v}_T = \mathbf{v}_A + \mathbf{v}_{T/A}$$
$$\left[\frac{60 \text{ mi/h}}{\rightarrow} \right] = \left[\frac{45 \text{ mi/h}}{\nearrow 45^\circ} \right] + \left[\frac{(v_{T/A})_x}{\rightarrow} \right] + \left[\begin{array}{c} (v_{T/A})_y \\ \uparrow \end{array} \right]$$

$$60 = 45 \cos 45^\circ + (v_{T/A})_x + 0$$
$$0 = 45 \sin 45^\circ + 0 + (v_{T/A})_y$$

$$(v_{T/A})_x = 28.2 \text{ mi/h} = 28.2 \text{ mi/h} \rightarrow$$
$$(v_{T/A})_y = -31.8 \text{ mi/h} = 31.8 \text{ mi/h} \downarrow$$



Ejerc. N° 4) Un auto de competición C viaja alrededor de la pista circular que tiene un radio de 300 pies. Si el auto aumenta su rapidez a la razón constante de 7 pies/seg², partiendo del reposo, calcular el tiempo necesario para que alcance una aceleración de 8 pies/seg². ¿Cuál es su rapidez en este instante?

Como $a_n = v^2/\rho$, la velocidad como función del tiempo es

$$v = v_0 + (a_t)_c t$$

$$v = 0 + 7t$$

$$a_n = \frac{v^2}{\rho} = \frac{(7t)^2}{300} = 0.163t^2 \text{ pies/s}^2$$

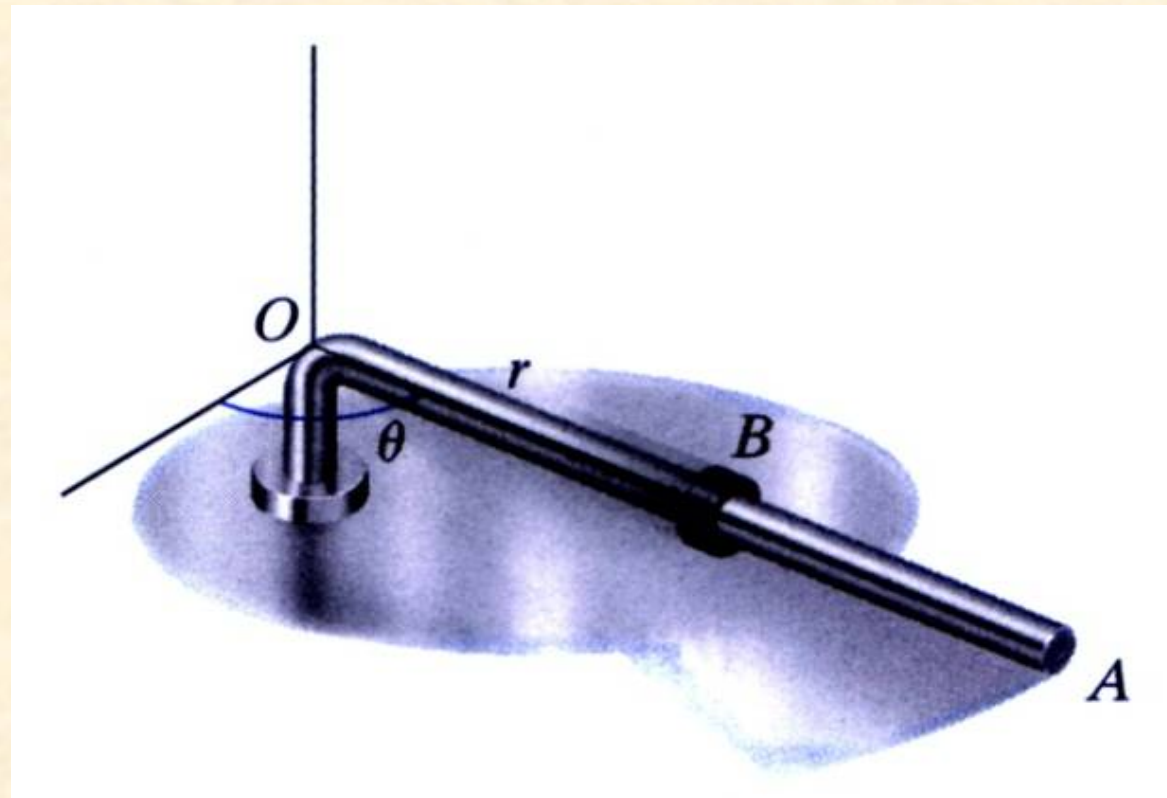
$$a = \sqrt{a_t^2 + a_n^2}$$

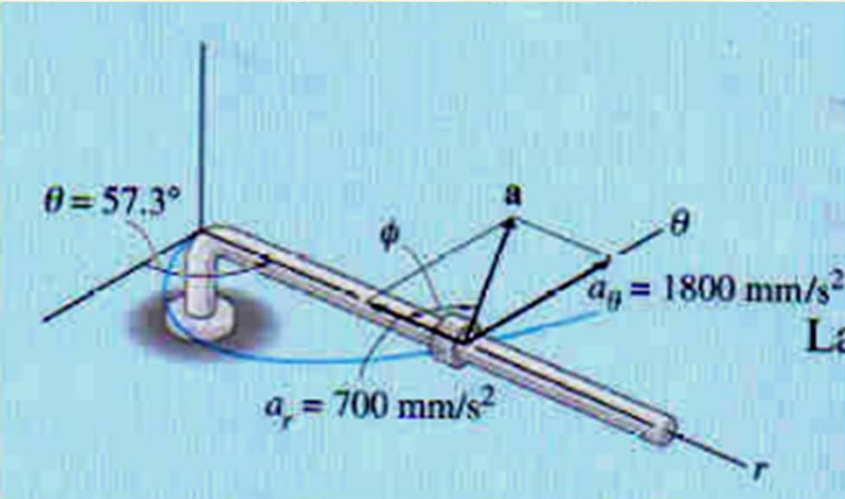
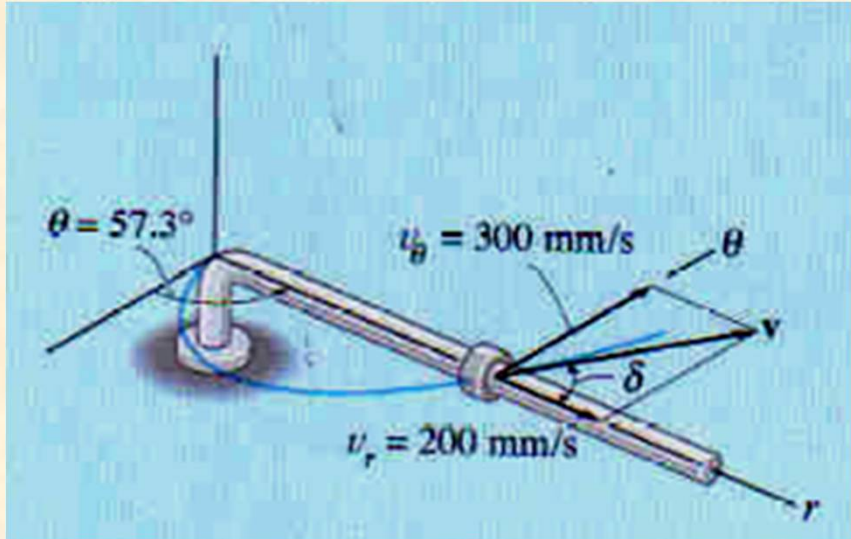
$$8 = \sqrt{(7)^2 + (0.163t^2)^2}$$

La rapidez en el tiempo $t = 4.87$ s es

$$v = 7t = 7(4.87) = 34.1 \text{ pies/s}$$

Ejerc. N° 5) La barra OA está girando en el plano horizontal de manera que $\theta = t^3$ rad. Al mismo tiempo, el collar B se desliza hacia afuera a lo largo de OA de modo que $r = 100 t^2$ mm. Si t está en segundos, hallar la velocidad y la aceleración del collar cuando $t = 1$ s.





$$\begin{aligned}
 r &= 100t^2 \Big|_{t=1\text{ s}} = 100 \text{ mm} & \theta &= t^3 \Big|_{t=1\text{ s}} = 1 \text{ rad} = 57.3^\circ \\
 \dot{r} &= 200t \Big|_{t=1\text{ s}} = 200 \text{ mm/s} & \dot{\theta} &= 3t^2 \Big|_{t=1\text{ s}} = 3 \text{ rad/s} \\
 \ddot{r} &= 200 \Big|_{t=1\text{ s}} = 200 \text{ mm/s}^2 & \ddot{\theta} &= 6t \Big|_{t=1\text{ s}} = 6 \text{ rad/s}^2.
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}\mathbf{v} &= \dot{r}\mathbf{u}_r + r\dot{\theta}\mathbf{u}_\theta \\ &= 200\mathbf{u}_r + 100(3)\mathbf{u}_\theta \\ &= \{200\mathbf{u}_r + 300\mathbf{u}_\theta\} \text{ mm/s}\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}v &= \sqrt{(200)^2 + (300)^2} = 361 \text{ mm/s} \\ \delta &= \tan^{-1}\left(\frac{300}{200}\right) = 56.3^\circ \quad \delta + 57.3^\circ = 114^\circ\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}\mathbf{a} &= (\ddot{r} - r\dot{\theta}^2)\mathbf{u}_r + (r\ddot{\theta} + 2\dot{r}\dot{\theta})\mathbf{u}_\theta \\ &= [200 - 100(3)^2]\mathbf{u}_r + [100(6) + 2(200)3]\mathbf{u}_\theta \\ &= \{-700\mathbf{u}_r + 1800\mathbf{u}_\theta\} \text{ mm/s}^2\end{aligned}$$

$$a = \sqrt{(700)^2 + (1800)^2} = 1930 \text{ mm/s}^2$$

$$\phi = \tan^{-1}\left(\frac{1800}{700}\right) = 68.7^\circ \quad (180^\circ - \phi) + 57.3^\circ = 169^\circ$$