



ELECTROTECNIA Y MÁQUINAS ELÉCTRICAS

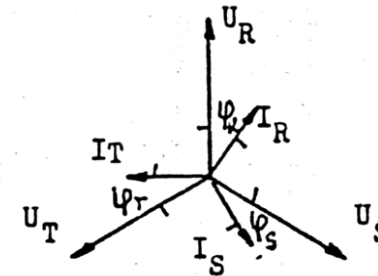
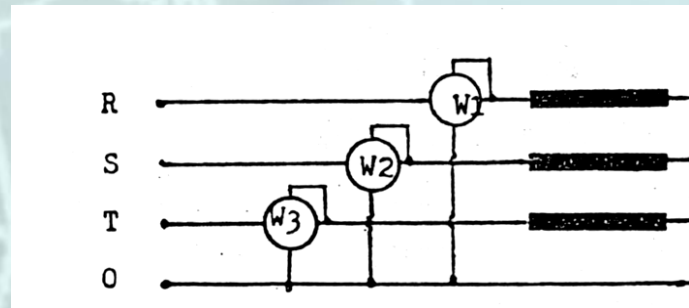
Trabajo Práctico N°4

Medición de Potencia Trifásica: Método de Aaron

Fundamento teórico

Medida de la Potencia

La potencia demandada por una carga trifásica es igual a la suma de las potencias suministradas por cada una de las fases. Esto se cumple para cualquier tipo de conexión de la carga y características de ésta. Luego, la potencia del sistema trifásico puede medirse con tres vatímetros monofásicos conectados en la forma indicada en el esquema. Obsérvese que esto requiere tener acceso al punto neutro del sistema.



El vatímetro 1 indicará: $P_R = U_R \cdot I_R \cdot \cos\varphi_R = \overline{U_R} \cdot \overline{I_R}$

El vatímetro 2 indicará: $P_S = U_S \cdot I_S \cdot \cos\varphi_S = \overline{U_S} \cdot \overline{I_S}$

El vatímetro 3 indicará: $P_T = U_T \cdot I_T \cdot \cos\varphi_T = \overline{U_T} \cdot \overline{I_T}$

La potencia total instantánea será: $P_t = P_R + P_S + P_T$

Fundamento teórico

Para demostrar el método de Aaron partimos de la consideración de que la potencia activa, con los vatímetros W_1 conectado entre las fases R y T y el vatímetro 2 entre las fases S y T y además en el sistema **eliminamos el neutro**, tenemos que las lecturas de los vatímetros será:

$$P = W_{RT} \pm W_{ST}; W_{RT} = U_{RT} \cdot I_R \cdot \cos(U_{RT}, I_R); W_{ST} = U_{ST} \cdot I_S \cdot \cos(U_{ST}, I_S)$$

La suma de las corrientes por la primera ley de Kirchhoff, valen:

$$\bar{I}_R + \bar{I}_S + \bar{I}_T = 0 \Rightarrow \bar{I}_T = -(\bar{I}_R + \bar{I}_S)$$

Que reemplazamos en la expresión de la potencia, entonces:

$$P = \bar{U}_R \cdot \bar{I}_R + \bar{U}_S \cdot \bar{I}_S + \bar{U}_T \cdot (-\bar{I}_R - \bar{I}_S) = \bar{I}_R \cdot (\bar{U}_R - \bar{U}_T) + \bar{I}_S \cdot (\bar{U}_S - \bar{U}_T)$$

Y las tensiones compuestas o de línea:

$$\bar{U}_{RT} = \bar{U}_R - \bar{U}_T$$

$$\bar{U}_{ST} = \bar{U}_S - \bar{U}_T$$

$$P = \bar{U}_{RT} \cdot \bar{I}_R + \bar{U}_{ST} \cdot \bar{I}_S$$

Fundamento teórico

De donde se demuestra que la potencia activa trifásica, es igual a la suma de las lecturas de los dos vatímetros:

Esta expresión general, nos permite concluir que el método de Aron o Aarón se aplicará a todo sistema **equilibrado o no, simétrico o no**, pero sin **neutro accesible**.

$$P = W_{RT} + W_{ST}$$

Cargas equilibradas y simétricas

En los sistemas trifilares la medida de la potencia se realiza conectando los elementos en la forma indicada en el esquema (conexión Aaron). Los vatímetros monofásicos quedan conectados a una tensión $\sqrt{3}U_f$, desfasadas a 30° y para cargas **equilibradas y simétricas**, podemos considerar los vatímetros monofásicos en forma independiente para estudiar su comportamiento y medida que permite el cálculo de la potencia total.

De esta forma, desarrollando la expresión **1**: $P = U_{RT} \cdot I_R \cdot \cos(\varphi - 30^\circ) + U_{ST} \cdot I_S \cdot \cos(\varphi + 30^\circ)$

Como:

$$U_{RT} = U_{ST} = U_L \quad P = U_L \cdot I_L (\cos \varphi \cdot \cos 30^\circ + \sin \varphi \cdot \sin 30^\circ + \cos \varphi \cdot \cos 30^\circ - \sin \varphi \cdot \sin 30^\circ) = U_L \cdot I_L \cdot 2 \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} \cos \varphi$$

$$I_R = I_S = I_L$$

$$P = \sqrt{3} \cdot U_L \cdot I_L \cdot \cos \varphi$$

Fundamento teórico

Es decir la potencia activa trifásica se obtiene como la suma de las lecturas de los dos vatímetros, que para cargas equilibradas la designamos como: $P = W_1 + W_2$

De la misma manera se puede analizar para la obtención de la potencia reactiva trifásica, a partir de la siguiente consideración, que parte de la diferencia de la lectura de los dos vatímetros: $Q = W_1 - W_2$ $Q = U_{RT} \cdot I_R \cdot \cos(\varphi - 30^\circ) - U_{ST} \cdot I_S \cdot \cos(\varphi + 30^\circ)$

Igual que antes, desarrollamos la expresión, como sigue:

$$Q = U_L \cdot I_L (\cos \varphi \cdot \cos 30^\circ + \text{sen} \varphi \cdot \text{sen} 30^\circ - \cos \varphi \cdot \cos 30^\circ + \text{sen} \varphi \cdot \text{sen} 30^\circ) = U_L \cdot I_L \cdot 2 \cdot \frac{1}{2} \cdot \text{sen} \varphi$$

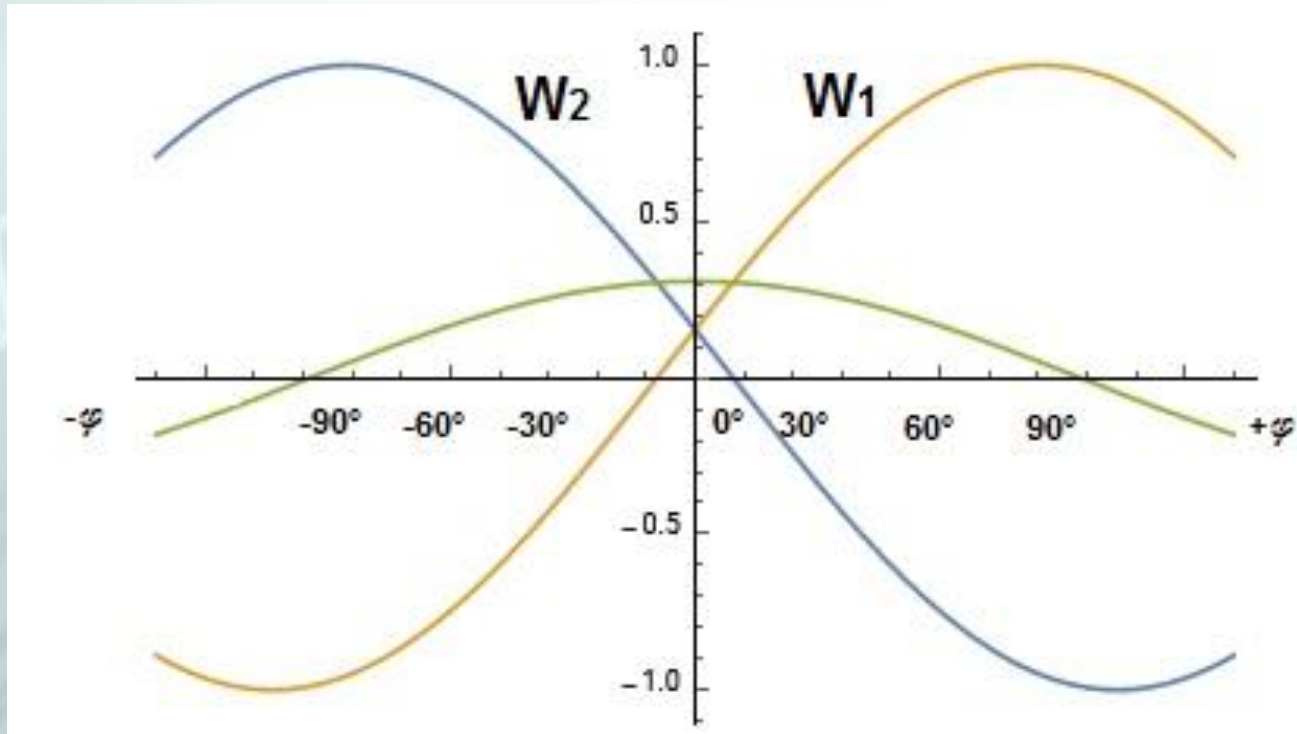
$$Q = U_L \cdot I_L \cdot \text{sen} \varphi$$

Para que la última expresión nos permita calcular la potencia reactiva en un sistema trifásico equilibrado, a la expresión 2, le agregamos el factor $\sqrt{3}$

$$Q = \sqrt{3} \cdot U_L \cdot I_L \cdot \text{sen} \varphi \text{ De esta forma la expresión } \underline{2} \text{ quedaría: } Q = \sqrt{3} \cdot (W_1 - W_2)$$

Esta expresión debemos recordar sólo será aplicable a aquellos casos en los que carga sea **equilibrada**.

Fundamento teórico



Fundamento teórico

ANÁLISIS PARA DIFERENTES TIPOS DE CARGA:

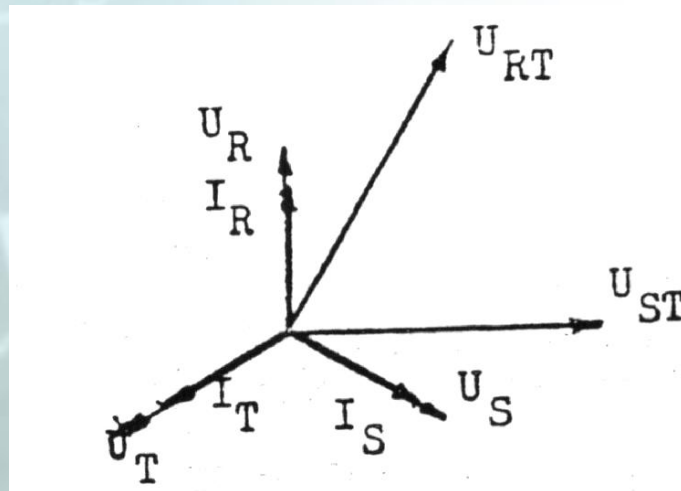
a- Carga: $Z_R = Z_S = Z_T = R$; $\varphi_R = \varphi_S = \varphi_T = 0^\circ$

Del diagrama vectorial se deduce que el vatímetro 1 y el vatímetro 2 miden: $W_1 = U_{RT} \cdot I_R \cdot \cos 30^\circ$; $W_2 = U_{ST} \cdot I_S \cdot \cos 30^\circ$

Considerando que: $U_{RT} = U_{ST} = U_L$; $I_R = I_S = I_L$; $\cos 30^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2}$

La potencia total, resulta: $P = W_1 + W_2 = \sqrt{3} \cdot U_L \cdot I_L$

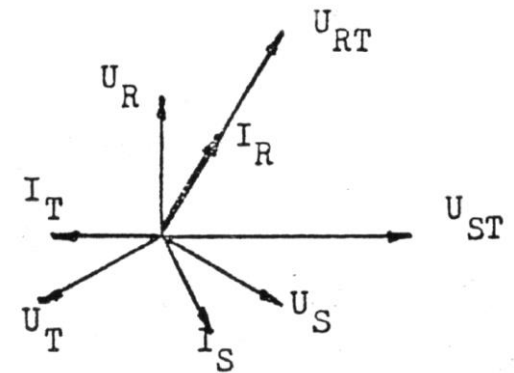
Lo que significa $\cos \varphi = 1$ valor éste que, de acuerdo al tipo de carga considerado es correcto.



Fundamento teórico

b- Carga: $Z_R = Z_S = Z_T = R + jX$; $\varphi = \arctg \frac{X}{R} = 30^\circ$

Del diagrama vectorial se deduce que el vatímetro 1 y el vatímetro 2 miden: $W_1 = U_{RT} \cdot I_R \cdot \cos 0^\circ = U_L \cdot I_L$; $W_2 = U_{ST} \cdot I_S \cdot \cos 60^\circ = 0,5 \cdot U_L \cdot I_L$



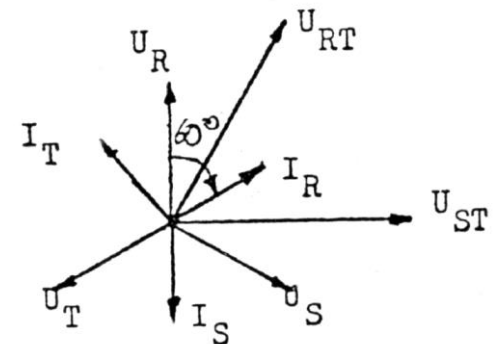
La potencia total, resulta: $P = W_1 + W_2 = 1,5 \cdot U_L \cdot I_L$

c- Carga: $Z_R = Z_S = Z_T = R + jX$; $\varphi = \arctg \frac{X}{R} = 60^\circ$

Del diagrama vectorial se deduce que el vatímetro 1 y el vatímetro 2 miden: $W_1 = U_{RT} \cdot I_R \cdot \cos 30^\circ =$

$$\frac{\sqrt{3}}{2} U_L \cdot I_L; W_2 = U_{ST} \cdot I_S \cdot \cos 90^\circ = 0$$

El vatímetro 2 permanecerá en la posición cero y la potencia total, será: $P = W_1$; $\varphi = 90^\circ$

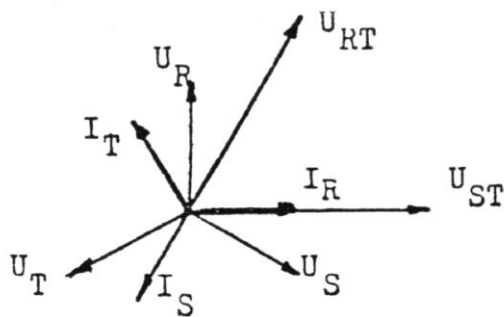


Fundamento teórico

d- Carga: $Z_R = Z_S = Z_T = jX$; $\varphi = \arctg \frac{X}{R} = 90^\circ$

Del diagrama vectorial se deduce que el vatímetro 1 y el vatímetro 2 miden: $W_1 = U_{RT} \cdot I_R \cdot \cos 60^\circ = 0,5 \cdot U_L \cdot I_L$; $W_2 = U_{ST} \cdot I_S \cdot \cos 120^\circ = -0,5 \cdot U_L \cdot I_L$

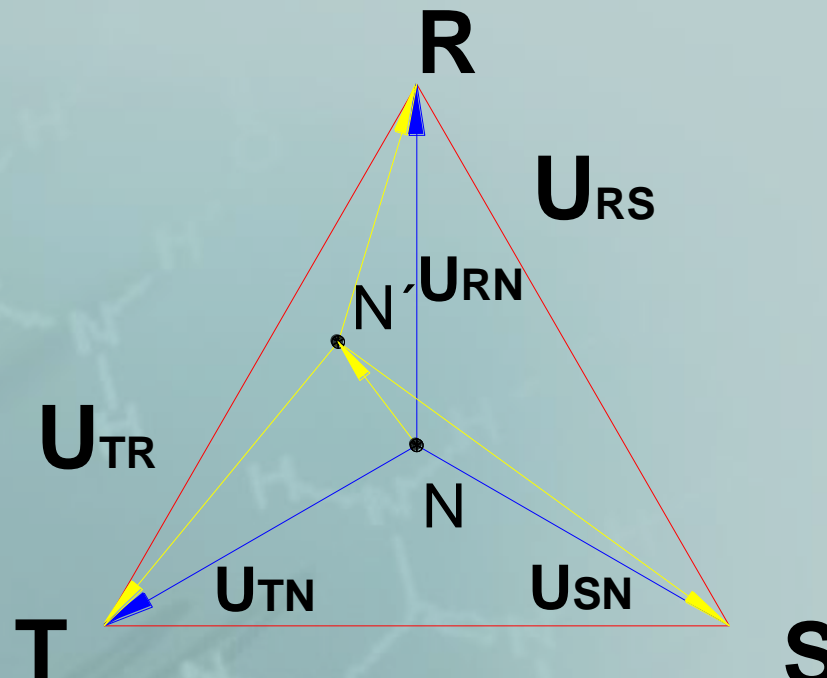
El resultado negativo nos indica que el vatímetro 2 tenderá a señalar la medida con movimiento de la aguja en sentido contrario al normal. Para lograr la medida, se invierte la conexión de la bobina de corriente.-



Para el tipo de carga considerada la potencia total será: $P = W_1 + (-W_2) = 0$

En general, cuando uno de los vatímetros (en este caso el 2), tiende a señalar en sentido contrario (lo que ocurre para $\varphi > 60^\circ$), se invierte la conexión de la bobina amperométrica y la potencia total se obtiene por diferencia: $P = W_1 - W_2$

Corrimiento del Punto Neutro



$$\overline{\mathbf{U}}_{RN} = \overline{\mathbf{U}}_{N'N} + \overline{\mathbf{U}}_{RN'}$$

$$\overline{\mathbf{U}}_{N'N} = \overline{\mathbf{U}}_{RN} - \overline{\mathbf{U}}_{RN'}$$

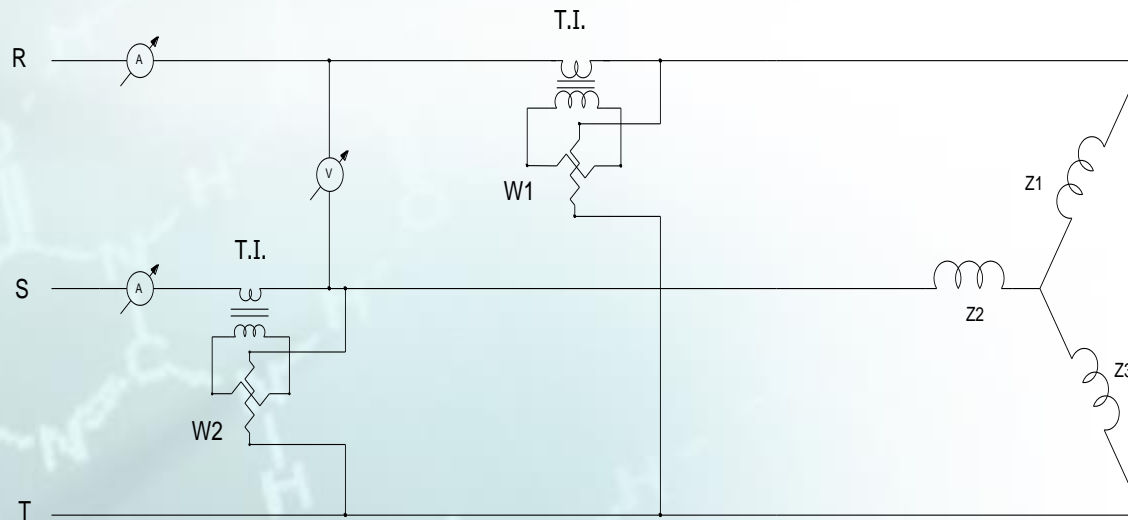
OBJETIVOS:

- Medir de la potencia de una carga trifásica equilibrada inductiva (Motor Eléctrico Trifásico).
- Determinar de la Potencia reactiva.
- Obtener el factor de potencia.

MANIOBRA OPERATIVA

- Ajustar los alcances de los Instrumentos.-
- Obtener la constante de escala de los Instrumentos vatimétricos.-
- Tomar lectura de los vatímetros W_1 y W_2 .-
- Tomar lectura del voltímetro y amperímetro.-
- Calcular las potencias Activas, Reactiva y Aparente y el fdp, para carga equilibrada.-
- Ídem para cargas desequilibradas pero teniendo en cuenta que la Potencia Reactiva no podrá obtenerse como la diferencia de las lecturas de los vatímetros.-
- Medir las tensiones de fase sin tener el neutro accesible y determinar el corrimiento del neutro.-

MÉTODO DE AARÓN



W1; W2: Vatímetros.

A: Amperímetro.

V: Voltímetro.

T.I. para no superar el alcance de la bobina amperométrica de los vatímetros.

La constante de escala para la lectura del vatímetro es:

$$K_W = \frac{Alc. A. K_{T.I.} Alc. V.}{n^\circ div}$$

VALORES OBTENIDOS

- Carga equilibrada**

$$P = W_1 \pm W_2;$$

$$Q = \sqrt{3} \cdot (W_1 \mp W_2)$$

Vatímetro 1 W_1	Vatímetro 2 W_2	Potencia Activa [W]	Potencia Reactiva [VAR]	Potencia Aparente [VA]	cosφ	Voltímetro [V]	Amperímetro [A]	Valor conocido de las cargas	Error relativo porcentual

- Carga desequilibrada**

$$P = W_1 \pm W_2$$

Vatímetro W_{RT}	Vatímetro W_{ST}	Potencia Activa [W]	Voltímetro [V]	Amperímetro [A]			Valor conocido de las cargas	Error relativo porcentual
				I_R	I_S	I_T		

- Tensiones de Fase**

	$V_{NO}[V]$	$V_{RO}[V]$	$V_{SO}[V]$	$V_{TO}[V]$
Tensión				

Conclusiones

- ¿En qué teorema se basa el Método?
- ¿En qué tipo de Redes se aplica el método de Aaron? ¿Porqué?
- ¿Podemos medir directamente con los vatímetros?
- ¿Puede predecirse el tipo de carga con este método? ¿Cómo?
- ¿A qué se debe el corrimiento del Neutro en las redes?