

Programación Paralela y Distribuida

Licenciatura en
Ciencias de la Computación
UNCuyo – Facultad de Ingeniería



Early Adopters
Awarded Fall 2011
(NSF/IEEE)

Programación Paralela y Distribuida

Herramientas para la
Programación Paralela y
Distribuida

Unidad 5



[Contenido]

Primera Parte

- Pasaje de mensajes
- PVM y MPI
- Introducción a MPI (*Message Passing Interface*)
 - MPD (*MultiProcessing Daemon*)
 - Comunicaciones: Punto a Punto, Colectivas, Bloqueantes, No Bloqueantes, otras

4

[Contenido]

Primera Parte

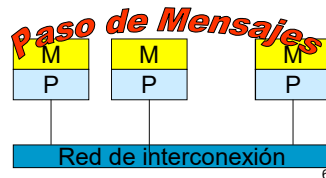
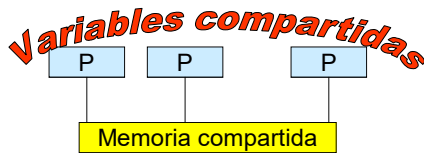
- Pasaje de mensajes
- PVM y MPI
- Introducción a MPI (Message Passing Interface)
 - MPD (MultiProcessing Daemon)
 - Comunicaciones: Punto a Punto, Colectivas, Bloqueantes, No Bloqueantes, otras

5

[Pasaje de Mensajes]

■ Modelo de programación

- Decidir el modelo de programación afecta la elección del **lenguaje** de programación y **librería** para implementar la aplicación
- Las dos principales opciones originalmente fueron concebidas para utilizarse con la **arquitectura** paralela correspondiente



LICPaD (UTN-FRM)

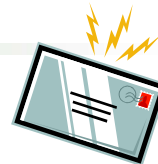
Dr. Germán Bianchini - Dra. Paola Caymes Scutari

6

[Pasaje de Mensajes]

■ Paso de mensajes:

- Los datos se **asocian** a un **nodo** particular
- De este modo para acceder a datos remotos es necesario establecer **comunicaciones**
- En general para obtener datos remotos, el nodo propietario de los datos debe enviarlos y el nodo cliente debe recibirlos
- En este modelo, las primitivas de envío y recepción encarnan el papel de la **sincronización**



LICPaD (UTN-FRM)

Dr. Germán Bianchini - Dra. Paola Caymes Scutari

8

[Pasaje de Mensajes]

- Las operaciones básicas en este paradigma son **send** y **receive**
- `send(void *sendbuf, int nelems, int dest)`
- `receive(void *recvbuf, int nelems, int source)`

```
P0
a = 100;
send(&a, 1, 1);
a = 50;
```

```
P1
a = 0;
receive(&a, 1, 0);
printf("%d\n", a);
```

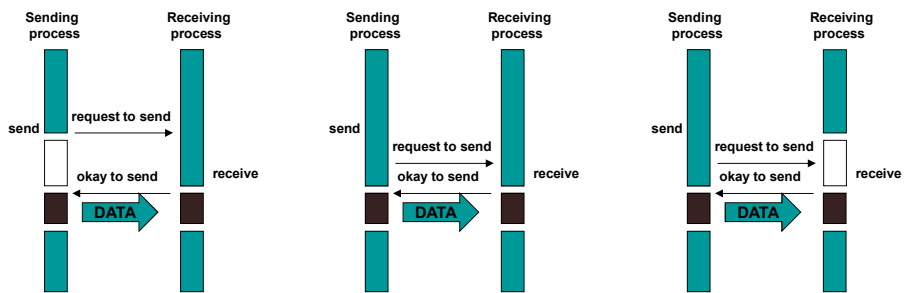
- ¿Qué imprime P1 por pantalla?



10

[Pasaje de Mensajes]

- Existen distintas posibilidades
 - Pasaje de mensajes bloqueante
 - Send/Receive bloqueante **sin buffer**



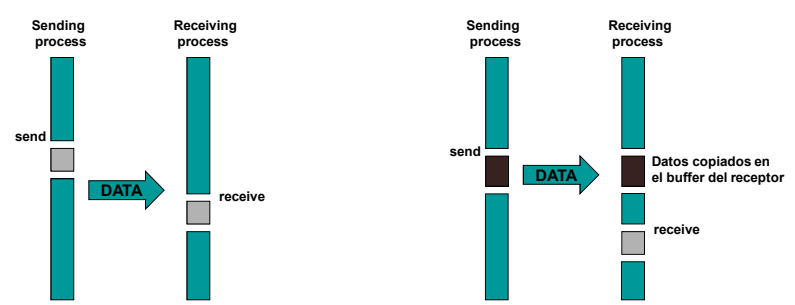
a) El sender llega primero; ocioso
LICPaD (UTN-FRM)

b) Ambos llegan sincronizados
Dr. Germán Bianchini - Dra. Paola Caymes Scutari

c) El receptor llega primero; ocioso
11

[Pasaje de Mensajes]

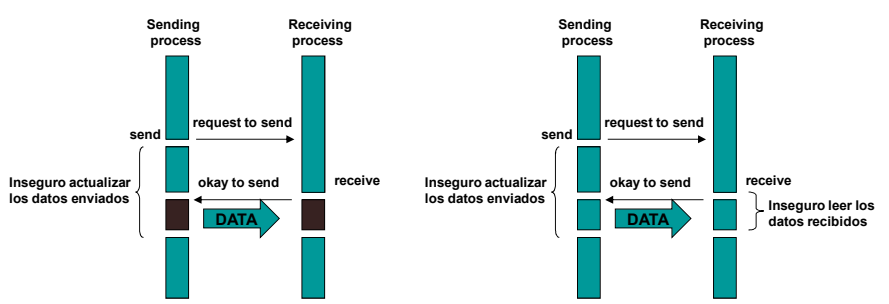
- Pasaje de mensajes bloqueante
 - Send/Receive bloqueante **con buffer**



a) Con hardware de comunicación asíncrona y buffers
 b) Sin hardware de comunicación asíncrona; el sender interrumpe al receptor y deposita en buffer

[Pasaje de Mensajes]

- Pasaje de mensajes No bloqueante
 - Sin buffer



a) Sin hardware de soporte
 a) Con hardware de soporte (asíncrono)

[Contenido]

Primera Parte

- Pasaje de mensajes
- PVM y MPI
- Introducción a MPI (Message Passing Interface)
 - MPD (MultiProcessing Daemon)
 - Comunicaciones: Punto a Punto, Colectivas, Bloqueantes, No Bloqueantes, otras

15

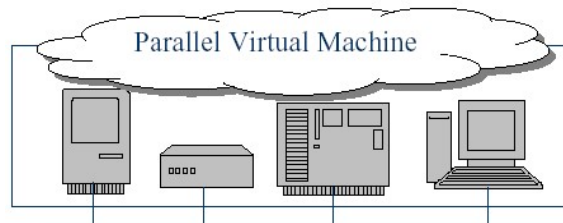
[PVM y MPI]

- Las librerías de comunicación que presentaremos pertenecen al caso: **paso de mensajes**
- Los **códigos** escritos utilizando este tipo de comunicación suelen ser conceptualmente **simples**, **pero** tanto el **debugging** como su operación pueden tornarse muy **complejos**
- Dos librerías que ofrecen un alto grado de portabilidad sobre distintas máquinas son:
 - **PVM**: Parallel Virtual Machine
 - **MPI**: Message Passing Interface

16

[PVM (Parallel Virtual Machine)]

- Desarrollado en *Oak Ridge National Laboratory*, fue la **primera librería** destinada a paralelización sobre redes de workstations Unix
- Permite a un conjunto de **sistemas heterogéneos** colaborar en la ejecución de un programa paralelo simulando una **máquina virtual (VM)**



17

[PVM (Parallel Virtual Machine)]

- Proporciona funciones para **crear, comunicar y sincronizar** procesos sobre la **VM**
- Estas funciones también incluyen **estructuras de datos** para enviar y recibir, como **primitivas de alto nivel** como **broadcast, scatter – gather** y **barreras** de sincronización
- Las aplicaciones se escriben utilizando un lenguaje procedural, como lo es **C** o **Fortran**
- Posee características de **tolerancia a fallas**: es fundamental que cuando se ejecutan aplicaciones y alguna tarea o host falla, el sistema continúe funcionando

18

[PVM (Parallel Virtual Machine)]

- PVM **no** es un estándar, pero es sumamente popular para realizar y desarrollar aplicaciones científicas complejas con esquema de programación en paralelo
- Componentes:
 - **pvm3d**: demonio residente en todos los hosts que conforman la máquina virtual
 - **Librería**: Repertorio de funciones para la cooperación entre tareas
- Modo de computación:
 - 1 aplicación = 1 conjunto de tareas

19

[PVM (Parallel Virtual Machine)]

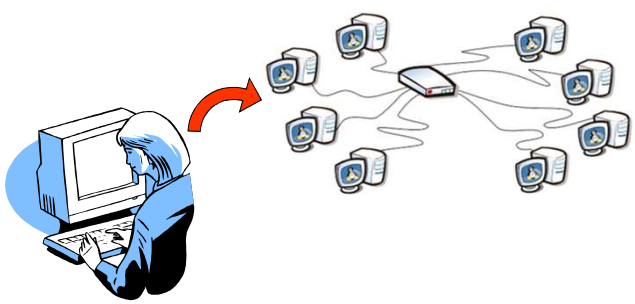
1. Un usuario escribe uno o más programas secuenciales en C, C++ o Fortran que contienen llamadas embebidas a la librería PVM. Cada programa se corresponde con una tarea de la aplicación.



21

[PVM (Parallel Virtual Machine)]

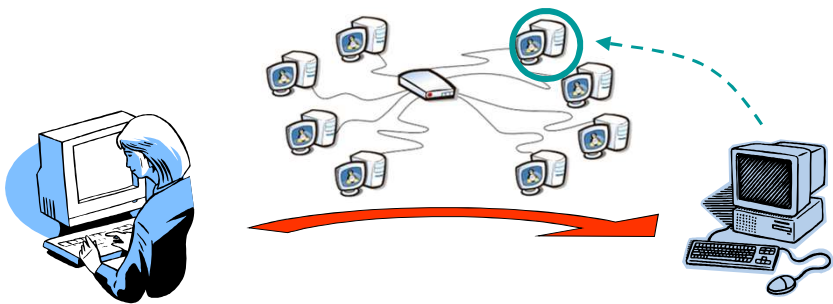
- 2. Estos programas son compilados para cada arquitectura en el pool de host, y los archivos objeto resultantes son ubicados en un lugar accesible desde las máquinas en el pool.



22

[PVM (Parallel Virtual Machine)]

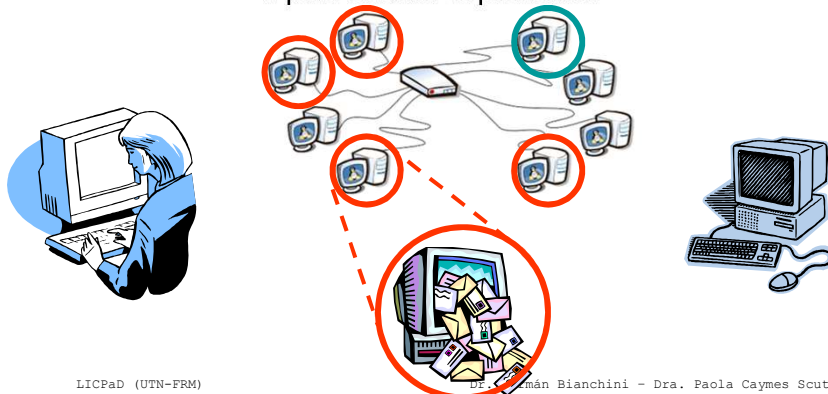
- 3. Para ejecutar una aplicación, un usuario típicamente lanza una copia de una tarea (usualmente el "master" o tarea "iniciadora") manualmente desde una máquina en el pool.



23

PVM (Parallel Virtual Machine)

- 4. Este proceso subsecuentemente inicia otras tareas PVM, eventualmente resultando en una colección de tareas activas que entonces computan localmente e intercambian mensajes con las demás para resolver el problema.



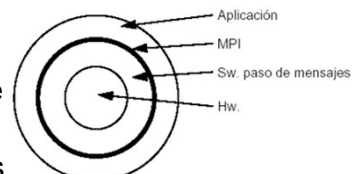
LICPaD (UTN-FRM)

Dr. Germán Bianchini - Dra. Paola Caymes Scutari

24

MPI (Message Passing Interface)

- Es un **estándar** desarrollado por el *MPI Forum*, un grupo formado por investigadores de empresas universidades y laboratorios involucrados en la computación de altas prestaciones
- Es una **interfaz** que ofrece al programador una colección de funciones para que éste diseñe su aplicación
- No es necesario **conocer** el **hardware** concreto sobre el que se va a ejecutar, ni la forma en la que se han **implementado** las funciones que emplea



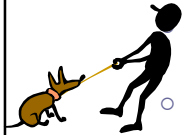
Ubicación de MPI en el proceso de programación de aplicaciones paralelas

LICPaD (UTN-FRM)

Dr. Germán Bianchini - Dra. Paola Caymes Scutari

[MPI (Message Passing Interface)]

- Los objetivos fundamentales del *MPI Forum* fueron los siguientes:



- Definir un **entorno de programación único** que garantice la portabilidad de las aplicaciones paralelas
- Definir totalmente la **interfaz de programación**, sin especificar cómo debe ser la implementación de la misma
- **Brindar implementaciones de calidad**, de dominio público, para favorecer la extensión del estándar
- Convencer a los fabricantes de computadores paralelos para que ofrezcan **versiones de MPI optimizadas** para sus máquinas

26

[MPI (Message Passing Interface)]

- Razones para usar MPI en vez de PVM
 - Tiene varias implementaciones libres y de calidad (MPICH, LAM/MPI, CHIMP, OpenMPI, DeinoMPI, etc.)
 - Tiene comunicación full asíncrona, que permite solapar el cómputo
 - No hay condiciones de carrera causadas por procesos independientemente de que ingresen o abandonen un grupo
 - Administra los buffers de mensajes eficientemente
 - La sincronización protege al usuario de software de terceros
 - Se puede usar MPI eficientemente con MPP (*Massively Parallel Processors*) y clusters
 - Es altamente portable
 - MPI está especificado formalmente

27

[MPI (Message Passing Interface)]

- Concretamente ¿que agrega MPI 2?
 - E/S Paralela
 - Operaciones con acceso directo a memoria
 - Gestión dinámica de procesos

29

[Contenido]

Primera Parte

- Pasaje de mensajes
- PVM y MPI
- Introducción a MPI (Message Passing Interface)
 - MPD (MultiProcessing Daemon)
 - Comunicaciones: Punto a Punto, Colectivas, Bloqueantes, No Bloqueantes, otras

30

[Introducción a MPI]

- El modelo de programación que subyace es **MIMD** (*Multiple Instruction Multiple Data*) aunque se dan especiales facilidades para la utilización del modelo **SPMD** (*Single Program Multiple Data*)
- Desde que fue completado en Junio de 1994, MPI ha ido creciendo tanto en aceptación como en uso
- Se han realizado implementaciones en una gran variedad de plataformas que van desde **MPP's** hasta **NOW's**
- Grandes compañías que se dedican a la fabricación de Supercomputadoras incluyen a MPI

31

[Introducción a MPI]

- **Tamaño:**
 - Contiene alrededor de **200** funciones
 - Esto **no** implica una **relación** directamente proporcional entre **complejidad** y número de funciones
 - Muchos programas paralelos pueden escribirse con sólo **6 funciones** (*¡no es necesario ser un experto en todos los aspectos de MPI!*)
 - Sin embargo, MPI permite **flexibilidad** cuando es requerido, lo cual requiere mayor **conocimiento**



32

[Introducción a MPI]

- Elementos básicos de la programación
 - **MPI_Init**: rutina de inicialización
 - **MPI_Finalize**: permite purgar o eliminar todos los estados de MPI

```
#include <stdio.h>
#include <mpi.h>
int main (int argc, char ** argv)
{
    MPI_Init(&argc, &argv);
    printf("Hola Mundo!\n");
    MPI_Finalize();
}
```

```
program main
include 'mpif.h'
integer ierr

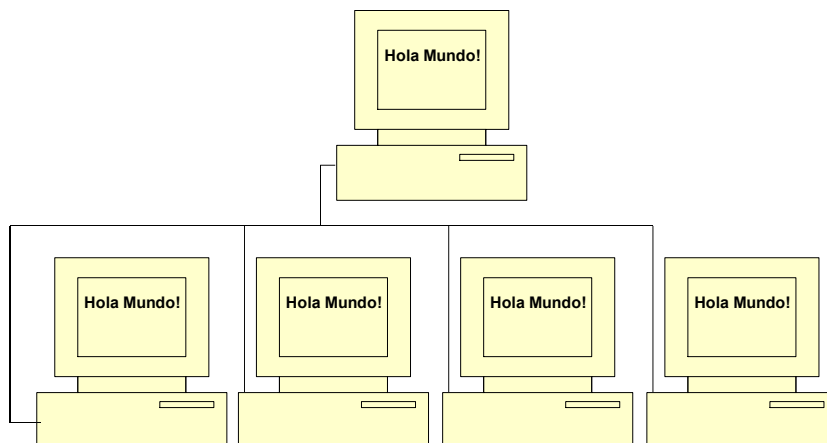
call MPI_INIT( ierr )
print *, 'Hola Mundo!'
call MPI_Finalize( ierr )
end
```

33

LICPaD (UTN-FRM)

Dr. Germán Bianchini - Dra. Paola Caymes Scutari

[Introducción a MPI]

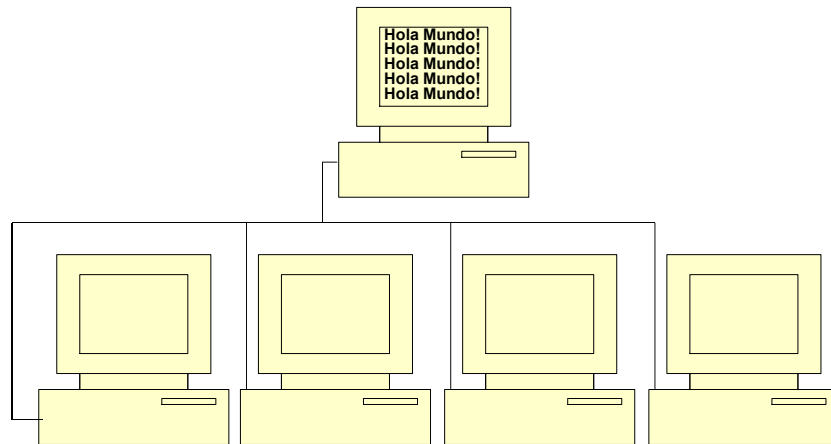


34

LICPaD (UTN-FRM)

Dr. Germán Bianchini - Dra. Paola Caymes Scutari

[Introducción a MPI]



35

[Introducción a MPI]

- Otras tres funciones muy útiles son:
 - `MPI_Comm_size`: para averiguar el número de procesos que participan en la aplicación
 - `MPI_Comm_rank`: para que cada proceso averigüe su dirección (identificador) dentro de la colección de procesos que componen la aplicación
 - `MPI_Get_processor_name`: retorna el nombre del procesador sobre el cual se está ejecutando

36

[Introducción a MPI]

```
#include <mpi.h>
int main (int argc, char ** argv)
{
    int nproc; /* Numero de procesos */
    int yo; /* Mi identificacion: 0<=yo<=(nproc-1) */
    char name[30];
    int resultlen;

    MPI_Init(&argc, &argv);
    MPI_Comm_size(MPI_COMM_WORLD, &nproc);
    MPI_Comm_rank(MPI_COMM_WORLD, &yo);
    MPI_Get_Processor_Name(name, &resultlen);

    /* Cuerpo del programa */

    MPI_Finalize();
}
```

La mayor parte de las funciones retornan un entero, que es un diagnóstico (si es MPI_SUCCESS se ha realizado con éxito)

Esta palabra hace referencia al comunicador universal (incluye a todos los procesos)

[Introducción a MPI]

- Comando de compilación (MPICH y LAM)
mpicc -o holamundo holamundo.c
- Ejecución (no es parte del estándar)
mpirun -np 8 -machinefile maquinas ./holamundo
ó **mpdboot -n 8 -f maquinas**
mpiexec -n 8 ./holamundo
- ¿Y el resto de las funciones?
 - Se dispone de funciones de **comunicación punto a punto** (que involucran sólo a dos procesos), y de funciones u operaciones **colectivas** (que involucran a múltiples procesos)
 - Los procesos pueden agruparse y formar **comunicadores**, lo que permite una definición del ámbito de las operaciones colectivas, así como un diseño modular



[Contenido]

Primera Parte

- Pasaje de mensajes
- PVM y MPI
- Introducción a MPI (Message Passing Interface)
 - MPD (MultiProcessing Daemon)
 - Comunicaciones: Punto a Punto, Colectivas, Bloqueantes, No Bloqueantes, otras

39

[MPD]



- Convierten las workstation en una máquina virtual
- Un MPD debe correr en cada workstation
- En dicha máquina virtual se pueden ejecutar aplicaciones MPI
- Cuando se ejecuta un programa MPI en una máquina, los requerimientos son enviados a los demonios MPD para que inicien las copias del programa en las máquinas señaladas
- Una vez que las copias han arrancado, éstas pueden usar MPI para comunicarse con las demás copias dentro de la máquina virtual

40

[MPD]



- Operaciones básicas
 - **mpd** inicia un demonio mpd.
 - **mpdboot** inicia un conjunto de demonios sobre una lista de máquinas.
 - **mpdtrace** lista todos los demonios mpd que están corriendo. La opción **-l** muestra los nombres completos de los hosts y el puerto donde el mpd está escuchando.
 - **mpdallexit** termina todos los demonios mpd de la máquina virtual

41

[MPD]



- Ejemplo sobre una máquina

```
mpd &  
mpiexec -n 3 ./miprogramampi  
mpdallexit
```

- Ejemplo sobre tres máquinas

```
mpdboot -n 3 -f mismaquinas  
mpiexec -n 3 ./miprogramampi  
mpdallexit
```

Master
Nodo0
Nodo1
Nodo2
Nodo3
Nodo4

42

[Contenido]

Primera Parte

- Pasaje de mensajes
- PVM y MPI
- Introducción a MPI (Message Passing Interface)
 - MPD (MultiProcessing Daemon)
 - Comunicaciones: Punto a Punto, Colectivas, Bloqueantes, No Bloqueantes, otras

43

[Comunicación punto a punto]



- Es el **mecanismo** básico de **transferencia** de mensajes entre un par de procesos
- Funciones de envío y recepción permiten transferir datos de cierto **tipo** con una **etiqueta** asociada
- El tipo de dato del contenido se hace necesario para dar soporte a la **heterogeneidad**
- La información del **tipo** es utilizada para realizar las **conversiones** en la representación cuando se envían datos de una **arquitectura** a otra
- La **etiqueta**, del lado del receptor, le permite **seleccionar** un mensaje en particular

44

[Comunicación punto a punto



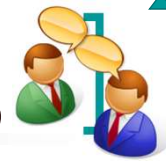
MPI_Send(buf, count, datatype, dest, tag, comm)

- buf: dirección del buffer de envío
- count: número de elementos a enviar
- datatype: tipo de datos de los elementos del buffer de envío
- dest: identificador del proceso destino
- tag: etiqueta del mensaje
- comm: comunicador

MPI_Send(void *buf, int count, MPI_Datatype datatype, int dest, int tag, MPI_Comm comm)

45

[Comunicación punto a punto



MPI_Recv(buf, count, datatype, source, tag, comm, status)

- buf: dirección del buffer de recepción
- count: número de elementos a recibir
- datatype: tipo de datos de los elementos del buffer de recepción
- source: identificador del proceso que envía o MPI_ANY_SOURCE
- tag: etiqueta del mensaje o MPI_ANY_TAG
- comm: comunicador
- status: objeto status

MPI_Recv(void *buf, int count, MPI_Datatype datatype, int source, int tag, MPI_Comm comm, MPI_Status status)

status.MPI_SOURCE = identificador del envió
status.MPI_TAG = la etiqueta
status.MPI_ERROR = el código de error

46

[Comunicación punto a punto



■ Ejemplo “saluda al sucesor”

```
#include <stdio.h>
#include <mpi.h>
int my_id, nproc, tag=99, source;
MPI_Status status;
int main (int argc, char** argv)
{
    MPI_Init(&argc,&argv);
    MPI_Comm_rank(MPI_COMM_WORLD, &my_id);
    MPI_Comm_size(MPI_COMM_WORLD, &nproc);
    MPI_Send(&my_id,1,MPI_INT,(my_id+1)%nproc,tag,MPI_COMM_WORLD);
    MPI_Recv(&source,1,MPI_INT,MPI_ANY_SOURCE,MPI_ANY_TAG,MPI_COMM_WORLD,status)
    printf(“%d recibo mensaje de %d\n”, my_id,source);
    MPI_Finalize();
}
```

(my_id+nproc-1)%nproc

¡Sólo hemos usado 6 funciones!

47

[Comunicaciones colectivas



- En ciertas aplicaciones se requiere enviar un conjunto de **datos a múltiples procesos**
- Las comunicaciones colectivas permiten la **transferencia de datos** entre todos los procesos que pertenecen a un **grupo específico**
- En este caso, **no se usan etiquetas**, se sustituyen por comunicadores
- Las operaciones colectivas se pueden clasificar en tres clases:
 - **Sincronización.** **Barreras** para sincronizar
 - **Movimiento de datos** (**difundir**, **recolectar**, **esparcir**)
 - **Cálculos colectivos.** Operaciones para **reducción** global

48

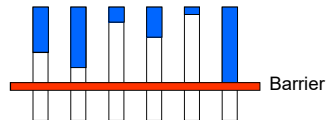
[Comunicaciones colectivas



■ Sincronización

MPI_Barrier(MPI_Comm comm)

- Es una operación que no exige ningún cambio de información
- Es una operación puramente de sincronización
- Detiene la ejecución de cada proceso que la llama hasta tanto todos los procesos incluidos en el grupo asociado a *comm* la hayan llamado



[Comunicaciones colectivas



■ Movimiento de datos

○ Broadcast

- Sirve para que un proceso, el raíz, envíe un mensaje a todos los miembros del comunicador

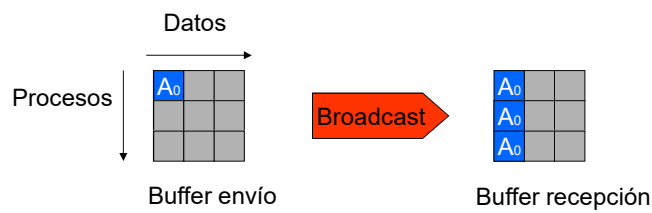
MPI_Bcast(void *inbuf, int incnt, MPI_Datatype intype, int root, MPI_Comm comm)

- inbuf: dirección del buffer de recepción, o envío en root
- incnt: número de elementos en el buffer de envío
- intype: tipo de dato de los elementos del buffer de envío
- root: rango del proceso root
- comm: comunicador

[Comunicaciones colectivas



■ Esquema de la operación **MPI_Broadcast**



51

[Comunicaciones colectivas



■ Movimiento de datos

- Gather
 - Realiza una recolección de datos en el proceso raíz
 - Este proceso recopila un vector de datos al que contribuyen todos los procesos del comunicador con la misma cantidad de datos
 - El proceso raíz almacena las contribuciones de forma consecutiva

52

[Comunicaciones colectivas



MPI_Gather(void* sendbuf, int sendcount, MPI_Datatype senddatatype, void*rcvbuf, int rcvcount, MPI_Datatype rcvtype, int root, MPI_Comm comm);

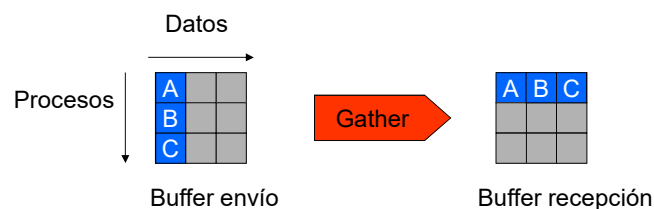
- sendbuf: dirección del buffer de envío
- sendcount: número de eltos. del buffer de envío
- senddatatype: tipo de dato de los eltos. del buffer
- rcvbuf: dirección del buffer de recepción
- rcvcount: número de eltos. a recibir de cada uno
- rcvtype: tipo de dato de los eltos. del buffer de recepción
- root: rango del proceso raíz
- comm: comunicador

53

[Comunicaciones colectivas

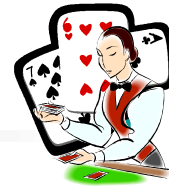


- Esquema de la operación **MPI_Gather**



54

[Comunicaciones colectivas



■ Movimiento de datos

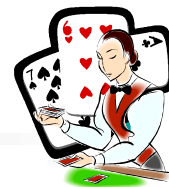
○ Scatter

- Realiza la operación simétrica a MPI_Gather
- El proceso raíz posee un vector de elementos, uno por cada proceso del comunicador
- Tras realizar la distribución, cada proceso tiene un elemento del vector inicial

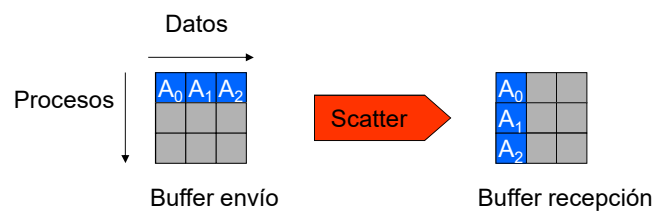
```
MPI_Scatter(void* sendbuf, int sendcount, MPI_Datatype senddatatype, void  
*rcvbuf, int rcvcount, MPI_Datatype rcvtype, int root, MPI_Comm comm);
```

55

[Comunicaciones colectivas



■ Esquema de la operación MPI_Scatter



56

[Comunicaciones colectivas



■ Cálculos colectivos

○ Reduce

- Combina los elementos provistos en el buffer de entrada (*sendbuf*) de cada proceso en el grupo, usando la operación *op*
- Se obtiene un resultado final combinado que se almacena en el proceso raíz (*recvbuf*)

```
MPI_Reduce(void* sendbuf, void* recvbuf, int count, MPI_Datatype datatype,  
MPI_Op op, int root, MPI_Comm comm);
```

57

[Comunicaciones colectivas



- MPI define una colección de operaciones del tipo MPI_Op:
 - **MPI_MAX**: máximo
 - **MPI_MIN**: mínimo
 - **MPI_SUM**: suma
 - **MPI_PROD**: producto
 - **MPI_LAND**: and lógico
 - **MPI_BAND**: and bit a bit
 - **MPI_LOR**: or lógico
 - **MPI_BOR**: or bit a bit
 - **MPI_LXOR**: xor lógico
 - **MPI_BXOR**: xor bit a bit

58

[Com. bloq. y no bloqueantes]

- Las funciones básicas de MPI para el envío y recepción bloqueado son **MPI_Send** y **MPI_Recv**
- Esto significa que una llamada al *send* **bloquea** al proceso hasta que el buffer pueda ser **reutilizado** (dicho de otra forma, liberado)
- En el caso del *receive*, se bloquea hasta que el buffer de recepción realmente contenga el mensaje enviado
- Por lo tanto, el orden en el que aparecen las llamadas es importante: **1º send y 2º receive**



59

[Com. bloq. y no bloqueantes]

- MPI también provee comunicación **no bloqueante**
- Son funciones que permiten **solapar** la transmisión del mensaje con otros **cómputos**, o con la transmisión de otros mensajes
- Las funciones no bloqueantes tienen **dos partes**:
 - La **función** a realizar (envío o recepción)
 - El **test** de completitud de la función
- Manejan un objeto **request** del tipo MPI_Request
 - Es una especie de recibo de la operación
 - Sirve para consultar si la operación se ha terminado

60

[Com. bloq. y no bloqueantes]

`MPI_Isend(void *buf, int count, MPI_Datatype datatype, int dest, int tag, MPI_Comm comm, MPI_Request *request)`

Inmediato

- buf: dirección del buffer de envío
- count: número de elementos a enviar
- datatype: tipo de datos de los elementos del buffer de envío
- dest: identificador del proceso destino
- tag: etiqueta del mensaje
- comm: comunicador
- request: recibo para consulta

61

[Com. bloq. y no bloqueantes]

- La función `MPI_Wait` toma como entrada un recibo y bloquea al proceso hasta que la operación termina

`MPI_Wait(MPI_Request *request, MPI_Status *status)`

- request: manejador del pedido (recibo)
- status: objeto estado

- La función `MPI_Test` indica si la operación ha terminado, pero no se bloquea

`MPI_Test(MPI_Request *request, int *flag, MPI_Status *status)`

- flag: contendrá true si la operación se ha completado

62

[Enviar y recibir a la vez]



- La comunicación entre dos procesos (del tipo intercambio) suele aparecer frecuentemente, por tal motivo surge:

MPI_Sendrecv(void *sendbuf, int sendcount, MPI_Datatype senddatatype, int dest, int sendtag, void *recvbuf, int recvcount, MPI_Datatype recvdatatype, int source, int recvtag, MPI_Comm comm, MPI_Status *status)

- Los argumentos son esencialmente la combinación de los argumentos de MPI_Send y MPI_Recv
- Los buffers de envío y destino deben ser disjuntos

63

[Enviar y recibir a la vez]



- A veces, este tipo de comunicación puede forzar un uso de buffer temporal, y por ende se incrementa la cantidad de memoria, por eso, surge otra opción:

MPI_Sendrecv_replace(void *buf, int count, MPI_Datatype datatype, int dest, int sendtag, int source, int recvtag, MPI_Comm comm, MPI_Status *status)

- Esta función realiza un *send* bloqueante y efectúa un *receive* usando el mismo buffer
- En este caso, es importante notar que ambas operaciones (*send* y *receive*) deben transferir datos del mismo tipo

64

[Referencias]

- **Geist AI et al.** – “*PVM: Parallel Virtual Machine – A User’s guide an tutorial for networked parallel computing*” The MIT Press, 1995 Massachusetts Institute of Technology
- **Grama A. et al.** – “*Introduction to Parallel Computing Second Edition*” Addison-Wesley, 2003
- **Gropp W. et al.** – “*MPICH2 User’s Guide Version 1.0.7 - Mathematics and Computer Science Division*” Argonne National Laboratory. 2008.
- **Morrison R. S.** – “*Cluster Computing*”, 2002
- **Pacheco P.S.** – “*Parallel Programming with MPI*” Morgan Kaufmann Publishers, Inc. 1997
- **Snir Marc et al.** – “*MPI: The Complete Reference*” The MIT Press, 1996 Cambridge Massachusetts, London England

92